

උක්ස පොලු සංස්කීර්ණ ගණිතය විෂය නිර්දේශය සඳහා සහකුතු මෙම පූග්නවලට පිළිබඳ සැපයීමෙන් ඔබගේ දැනුම දියුණු කර ගැනීමන් ඉදිරියේදී ඔබගේ දක්ෂතාව වර්ධනය කර ගැනීමන් අපේක්ෂා කෙරේ.

උක්ස පොලු සංස්කීර්ණ ගණිතය: 1 වෙති පත්‍රය : Part A

- n යනු බන නිඩ්ලයක් වන විට $1+2+3+\dots+n+(n+1)+n+\dots+3+2+1$ යන ප්‍රකාශනය සහ $(n+1)^2$ තුළ බව සාධනය කිරීමට ගණිත අභ්‍යන්තර මුළ ධර්මය හාටින කරන්න.

- ORGANIC** යන වචනයෙහි අක්ෂර සියල්ලම යොදා ගෙන සැදිය හැකි වෙනස් පිළියෙල කිරීම ගණන කොයන්න. මෙම පිළියෙල කිරීමටම් කොපමනුක ප්‍රාථ්‍යාක්ෂර(vowels) එක ප්‍රතිඵලිය කොයන්න.

- $(1+ax)^n$ සඳහා ද්විපද ප්‍රකාරණය ලියන්න. මෙම a යනු බන නියනයක්ද n යනු බන නිඩ්ලයක්ද වේ.

$$(1+ax)^n = c_0 + c_1x + c_2x^2 + \dots + c_rx^r + \dots$$
 යැයි ගනිමු. c_k යනු මෙම ප්‍රකාරණයේ පදවල විගාලනම සංග්‍රහකය වේ නම්, c_k සහ c_{k-1} සංස්කීර්ණයෙන් හෝ අන් අයුරකින් හෝ k යනු $\frac{a(n+1)}{1+a}$ හි නිඩ්ලය කොටස බව පෙන්වන්න.

- $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 4x}{x^2} = 8$ බව පෙන්වන්න.

- $y = \ln \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+1}$ ඉතුයේ අවකලන සංග්‍රහකය කොයන්න.

එනඩින්, $\int \frac{dx}{x\sqrt{x+1}}$ කොයන්න.

- $y = x(x^2 - 3)$ ඉතුයේ ස්ථාවර ලක්ෂණ කොයා එවායේ ස්වභාවය නිර්ණය කරන්න.

- $xy = c^2$ මගින් දෙනු ලබන වතුය සලකන්න. මෙම c යනු නිශ්චිත නියනයකි. වතුය මන වූ (ct, ct^{-1}) ලක්ෂණයේදී වතුයට අදි ස්ථාවර ස්වභාවය කොයන්න.

Ox යන Oy අක්ෂ දෙකට සමාන ආනතියක් සහිතව වතුයට අදිය හැකි ස්ථාවර ප්‍රමාණය නිර්ණය කරන්න.

- ත්‍රිකෝණයක තීරු $A(3, 2)$, $B(-1, -1)$ සහ $C(-1, 5)$ වේ. A ලක්ෂණය ඔස්සේ වන මධ්‍යස්ථානය සම්මුඛ පාදය හමු වන ලක්ෂණයෙහි බන්ධාංක කොයන්න.

එනඩින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ ABC යනු සම්විඛාද ත්‍රිකෝණයක් වන බව නිර්ණය කරන්න.

- $x^2 + y^2 - 10x - 8y + 31 = 0$ වෘත්තයේ අරය යන කේත්දුයේ බන්ධාංක කොයන්න.

$A(a, 0)$ ලක්ෂණයේ සිට මෙම වෘත්තයට අදි ස්ථාවර ප්‍රාග්ධනය වෙ නම් a සඳහා විය හැකි අගය සියල්ලම කොයන්න.

- එනෑම ABC ත්‍රිකෝණයක් සඳහා සුපුරුදු අංකනයෙන්,

$$(b+c) \sin \frac{A}{2} = a \sin \left(\frac{A}{2} + B \right)$$
 වන බව *sine* සුනුය යොදුමෙන් පෙන්වන්න.

උක් පොදු සංස්කීර්ණ ගණිතය: 1 වෙත පත්‍රය : Part B

- 11.(a) $f(x) = ax^2 + bx + c$ වර්ගජ ත්‍රිතෝයේ මූල α සහ β යැයි ගනිමු. $\alpha + \beta$ සහ $\alpha\beta$ සඳහා ප්‍රකාශන මෙම වර්ගජ ත්‍රිතෝයේ සංශෝධන අයුරෙන් ව්‍යුත්පන්න කරන්න.

සර්වසම නොවන $y = ax^2 + bx - c$ සහ $y = ax^2 + cx + b$ වර්ගජ ත්‍රිත දෙකට පොදු මූලයක් පවතියි ම නම් පමණක් $a + b + c = 0$ වන බව පෙන්වන්න.

එච්චායේ ඉතිරි මූල දෙනෙක් තෙවත වන වර්ගජ ත්‍රිතය ගොඩ නැතන්න.

ඉහත ප්‍රතිව්‍යුත් හාවිතයෙන්, $ax^2 - 4x + c = 0$ සහ $3cx^2 + cx - 4 = 0$ වර්ගජ සමිකරණ දෙකට පොදු මූලයක් පවතින පරිදි a සහ c නියත නිර්ණය කරන්න.

එච්චායේ ඉතිරි මූල දෙනෙක් තෙවත වන වර්ගජ සමිකරණය ද සොයන්න.

- (b) ගේන ප්‍රමේයය ප්‍රකාශ කරන්න.

$p(x) = x^3 + ax^2 + b$ සහ $q(x) = ax^3 + bx^2 + x - a$ යැයි ගනිමු. මෙති a සහ b යනු නිශ්චිත නියත වේ. මෙම බහුපදවලට පොදු කාධකයක් පවතියි නම් එම පොදු කාධකය $(b - a^2)x^2 + x - a(1 + b)$ හි ද යාධකයක් බව පෙන්වන්න.

එනඩින්, $x^3 + 2x^2 + 5$ සහ $2x^3 + 5x^2 + x - 2$ බහුපදවලට පොදු කාධකයක් පවතියි දැයි නිර්ණය කරන්න.

- 12.(a)(i) ගණිත අභ්‍යන්තර මූල ධර්මය හාවිතයෙන්, කියලු දන තිබුලමය n සඳහා

$$\sum_{r=1}^n r(r+1) = \frac{1}{3}n(n+1)(n+2) \quad \text{බව කාධනය කරන්න.}$$

- (ii) $V(1) = 0$ සහ $r \geq 2$ වන විට, $V(r) - V(r-1) = r(r+1)$ වේ නම,

$$V(r) = \frac{r}{3}(r+1)(r+2) \quad \text{බව ලබා ගත්ත.}$$

$r \geq 1$ සඳහා $r \times u_r = V(r)$ ලෙස අර්ථ දැක්වේ වේ. $r \geq 1$ සඳහා $u_r = f(r+1) - f(r)$ වන පරිදි f නම් ත්‍රිතයක් සොයන්න.

$$\text{එනඩින්, } \sum_{r=1}^n u_r \quad \text{සොයන්න.}$$

$\sum_{r=1}^{\infty} u_r$ අපරිමිත ග්‍රේනියෙක් අමිකාරිතාවය පිළිබඳව ඔබගේ අදහක් ප්‍රකාශ කරන්න.

- (b) $y = |x - 2|$ හි ප්‍රස්ථාරයෙහි දළ සටහනක් අදින්න.

එනඩින්, $y = 1 - |x - 2|$ හි ප්‍රස්ථාරයෙහි දළ සටහනක් ඉදිරිපත් කරන්න.

එම සටහනෙහිම $x - 3y - 3 = 0$ හි ප්‍රස්ථාරය අඟු 3|x - 2| + x ≤ 6 තෙවත කරන කියලු තාත්ත්වික x නිර්ණය කරන්න.

- 13.(a) $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ නම A^2 සොයන්න.

A^2 යන්හේ කුදාය අදිගයක් වන λ සම්බන්ධ λI_2 ලෙස ඉදිරිපත් කළ හැකි බව පෙන්වන්න. මෙහි I_2 යනු 2 ගණයේ ඒකක නොසය වේ.

එනයින්, A^{-1} නිර්ණය කරන්න.

$$2x + y = 3$$

$x - 2y = 4$ සම්බන්ධ සම්බන්ධ පද්ධතිය නොස ආකාරයෙන් ඉදිරිපත් කර එහි විසඳුම ලබා ගන්න.

(b) z සංකීර්ණ සංඛ්‍යාවක මාපාංකය $|z|$ සහ විශ්ටාරය $\arg(z)$ අර්ථ දැක්වන්න.

z_1 සහ z_2 සංකීර්ණ සංඛ්‍යා වේ නම් $|z_1 z_2| = |z_1| |z_2|$ සහ $\arg(z_1 z_2) = \arg(z_1) + \arg(z_2)$ බව පෙන්වන්න.

ආගන්ධි සටහනේ P_1 සහ P_2 ලක්ෂණවලින් z_1 සහ z_2 සංකීර්ණ සංඛ්‍යා පිළිවෙළින් නිරූපණය කරයි. P_1 ලක්ෂණය වටා $P_1 P_2$ රේඛා බණ්ඩය වාමාවර්තනව සංඡ්‍යා සේව්‍යයක් ප්‍රමත්තයෙන් ලැබෙන $P_1 P_3$ රේඛා බණ්ඩයේ P_3 ලක්ෂණයෙන් $(1-i)z_1 + i z_2$ සංකීර්ණ සංඛ්‍යාව නිරූපණය වන බව පෙන්වන්න.

ආගන්ධි සටහනක A ලක්ෂණයෙන් $1+3i$ යන සංකීර්ණ සංඛ්‍යාව නිරූපණය කරයි. $OABC$ යනු සමවුරුණුයක් ද O යනු මුළු ලක්ෂණය ද වේ. මෙවිට B සහ C ලක්ෂණවලින් නිරූපණය වන සංකීර්ණ සංඛ්‍යා නිර්ණය කරන්න.

14.(a) $y = a \cos(\ln x) + b \sin(\ln x)$ යැයි ගනිමු. මෙහි a සහ b යනු නියන්ත $0 < x < \infty$ වේ. $\frac{d}{dx} y$ සහ $\frac{d^2}{dx^2} y$ කොයි

$$x^2 \frac{d^2}{dx^2} y + x \frac{d}{dx} y + y \text{ යන්හේ } x \text{ න් ස්වායන්න බව පෙන්වන්න.}$$

$$x=1 \text{ වන විට } \frac{d}{dx} y = 1 \text{ සහ } \frac{d^2}{dx^2} y = -2 \text{ වේ නම් } a \text{ සහ } b \text{ හි ආගය කොයෙන්න.}$$

(b) $f(x) = \frac{x^2 - 16}{x - a}$ යන ත්‍රිත්‍ය සළකන්න. මෙහි a යනු තාත්ත්වීක නියන්තයි. පහත ඒවා පෙන්වන්න.

(i) $a^2 < 16$ වේ නම් මෙම ත්‍රිත්‍ය ස්ථාවර ලක්ෂණ නොමැති බවත් දෙන ලද ඕනෑම තාත්ත්වීක y_o ආගයක් සඳහා $y_o = f(x_o)$ වන පරිදි තාත්ත්වීක x_o පවතින බව;

(ii) $a^2 \geq 16$ වේ නම් මෙම ත්‍රිත්‍ය ස්ථාවර ලක්ෂණ ඇති බවත් දෙන ලද ඕනෑම තාත්ත්වීක y_o ආගයක් සඳහා $y_o = f(x_o)$ වන පරිදි තාත්ත්වීක x_o නොපවතින බව;

$a = 5$ ආවක්චාව සඳහා ප්‍රස්ථාරය ඇඳුමෙන් ඔබගේ (ii) කොටසෙහි පිළිතුර සහනාපනය කරන්න.

15.(a) කුදාය ආදේශයක් භාවිතයෙන්,

$$\int \frac{1}{(x+1)\sqrt{x^2 + 3x + 2}} dx \text{ කොයන්න.}$$

$$(b) x(1-x^2) = (x-2)(1+x^2) + 2 \text{ බව සහනාපනය කරන්න.}$$

$$\text{එනයින්, } \int \frac{x(1-x^2)}{1+x^2} dx \text{ කොයන්න.}$$

[0, 1] ප්‍රාන්තරය පූරු $x(1-x^2) \geq 0$ බව පෙන්වා ඉහත අනුකලය සැලකීමෙන්, $\pi \geq 3$ බව ලබා ගත්ත.

15.(c) කොටස් වගයෙන් අනුකලනය යෙදීමෙන්, n යනු බන නිඩුලයක් වන විට,

$$\int \frac{1}{(1+x^2)^{n+1}} dx = \frac{1}{2n} \frac{x}{(1+x^2)^n} + \frac{2n-1}{2n} \int \frac{1}{(1+x^2)^n} dx \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

මෙම ප්‍රතිච්චිත හාවිතයෙන් හෝ අන් අයුරකින් හෝ $\int_0^\infty \frac{1}{(1+x^2)^3} dx = \frac{\pi}{8}$ බවත් පෙන්වන්න.

16.(a) (x_o, y_o) ලක්ෂණයේ සිට $ax+by+c=0$ රේඛාවට අදාළ ලම්බය සහ එම රේඛාව හමු වන ලක්ෂණයෙහි බණ්ඩාක කුදුය පරාමිතික ආගයක් සමඟින් $(x_o + at, y_o + bt)$ ලෙස ප්‍රකාශ කළ හැකි බව පෙන්වන්න.

එනෑයින්, $C(2, 3)$ ලක්ෂණයේ සිට $A(6, 3)$ සහ $B(2, 7)$ ලක්ෂණ ය කරන රේඛාවට අදාළ ලම්බය සහ එම රේඛාව හමු වන ලක්ෂණයෙහි බණ්ඩාක සොයන්න.

ABC යනු සමද්විපාද ත්‍රිකෝණයක් බව අපෝහනය කරන්න.

(b) පළමු පාදකයෙහි කේත්දය පිහිටි වෘත්තයක් Ox සහ Oy අක්ෂ ස්ථාපිත කරයි. වෘත්තයේ අරය a වේ නම් විහි කේත්දයේ බණ්ඩාක ලියන්න.

මෙම වෘත්තය තව දුරටත් $3x - 4y - 12 = 0$ රේඛාව ද ස්ථාපිත කරයි හම් වෘත්තයේ ස්මේකරණය සොයන්න.

$3x - 4y - 12 = 0$ රේඛාව මත ඉහත වෘත්තයෙහි ප්‍රතිච්චිත ස්මේකරණය ද සොයන්න.

17.(a) ත්‍රිකෝණයක් සඳහා සයින් සුතුය ප්‍රකාශ කරන්න.

$$A + B + C = \pi \text{ වේ නම්, (i) } \sin\left(\frac{A+C}{2}\right) = \cos \frac{B}{2} \text{ බවත්}$$

$$(ii) \sin\left(\frac{A+B-C}{2}\right) = \cos C \text{ බවත් පෙන්වන්න.}$$

සුපුරුදු අංකනයෙන්, ABC ත්‍රිකෝණය කේත්තු වන A, B සහ C සඳහා

$\tan \frac{A}{2}, \tan \frac{B}{2}$ සහ $\tan \frac{C}{2}$ සමාන්තර ග්‍රේණියක අනුයාත පද වේ නම් $\cos A, \cos B$ සහ $\cos C$ ද එකේම වන බව පෙන්වන්න.

(b) $\cos^{-1} x + \cos^{-1} y + \cos^{-1} z = \pi$ වේ නම්, $x^2 + y^2 + z^2 = 1 - 2xyz$ බව කාධනය කරන්න.

(c) $\tan^{-1} x + \tan^{-1}(2x) = \frac{\pi}{4}$ ස්මේකරණය විසඳුන්න.

* * *

උසක් පෙළ සංපූර්ණ ගණනය: 2 වෙති පත්‍රය : Part A

1. නිකලනාවයේ සිට ගමන් අරඹන වාහනයක් ගමනේ මුළු කොටස a නියත ප්‍රවර්තනයෙන්ද ඉත්පූරු හා නියත ප්‍රවෙගයෙන්ද අවසානයේදී a නියත මන්දිනයෙන්ද ගමන් කර නිකලනාවයට පැමිණෙයි. මුළු ගමනේ මධ්‍යස්ථාන ප්‍රවෙගය $\frac{7u}{8}$ නම් ගමනේ යෙදුනු මුළු කාලයෙන් කවර හාගයක් නියත ප්‍රවෙගයෙන් ගමන් කළේදැයි කොයන්න.
 2. නැගෙනහිර දිගාවට තිරක් පෙනක නියත ප්‍රවෙගයෙන් ගමන් කරන ප්‍රමාණයෙකු වලනය වන වාහනයක් ඔහුට උතුරු දිගාවේ $2d \text{ m}$ දුරින් වන ස්ථානයක ඇති බවත් රට තත්පර T කාලයකට පසු එම වාහනය ඔහුට නැගෙනහිර දිගාවේ $2d \text{ m}$ දුරින් වන බවත් දැකියි. ප්‍රමාණය සාපේක්ෂව වාහනයේ පෙන අදින්න. එනයින්, ප්‍රමාණ වාහනයන් අතර කෙටිනම දුර $\sqrt{2} d \text{ m}$ බව පෙන්වන්න.
 3. ස්වහාවික දිග a සහ ප්‍රත්‍යාස්ථානා මාපාංකය $3mg$ වූ සහයැළු ප්‍රත්‍යාස්ථානා තත්ත්වක එක් කෙළවරක් වන O අවල වන අතර අනෙක් කෙළවරට සක්තියය m වූ P අංශුවක් සම්බන්ධ කර ඇති. ආරම්භයේදී O ව සිරස්ව පහළින් P වන පරිදි සහ $OP = 2a$ වන ලෙස අංශුව තියෙන් තබා එම පිහිටුමේ සිට සිරුවෙන් මුද හරිනු ලැබේ. තත්ත්ව යාන්ත්‍රියෙන් බුරුල් වන විට අංශුවේ වෛගය කොයන්න.
 4. පාපදියෙකු තම පාපදිය, අරය a වන වෘත්තාකාර පෙනක ට එකාකාර වෛගයෙන් පැදු යයි. පාපදිය ලිය්කා නොයාමට තරම කර්මානුවන් වේ නම් සිරස්ව පාපදියේ ආනතිය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලබා ගන්න.
 5. වතුරසුයක යාබද පදනම මධ්‍ය ලක්ෂණය ය කිරීමෙන් සමාන්තරසුයක් තිර්මානුය වන බව පෙන්වන්න.
 6. එකාකාර බර වෘත්තාකාර වළුල්ලක්, තිරස්ව ඇති කුඩා රාජ්‍ය නාදුන්තක් යෙදීමෙන් සමතුලිනව එල්ලා ඇති. නාදුන්ත ඔයෝ ඇති වළුල්ලේ විෂ්කම්භයේ අනෙක් කෙළවරේ යොදන ලද වළුල්ලේ තලයේම හිය කරන P විගාලන්වයක් සහිත තිරක් බලයක් යෙදු විට මෙම විෂ්කම්භය යටි අත් සිරස සමග θ සුළු කොණයක් කාඳයි. වළුල්ල සහ නාදුන්ත අතර කර්මානු කංගුණුයක
- $$\frac{\tan \theta}{2 + \tan^2 \theta}$$
 හි අගයට වඩා කුඩා නොවන බව පෙන්වන්න.
7. A සහ B යන කිදුෂා සළකන්න. A කිදුෂාය කිදු වි ඇති විට B කිදුෂාය කිදු විමේ සම්හාවිනාවය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.
- නොනැවුම් කාකි තුනක් විකවර උඩ දමනු ලැබේ. හිකන් අගයත් යන දෙකම ලක්ෂි ඇති විට හික දෙකක් ලැබීමේ සම්හාවිනාවය තිර්ණය කරන්න.
8. තිවාක 40 ක් සහිත තිවාක කංකිර්ණයක තිවාක 5 ක සුරුතල් සතුන් නොමැති. තිවාක 8 ක සුරුතල් බල්ලෙකු බැඟින් සිටියි. තිවාක 12 ක බල්ලෙකු සහ පුළුයෙකු බැඟින් සිටියි. සසම්හාවි ලෙස තෝරා ගන් තිවාක පුළුයෙකු සිටිමේ සම්හාවිනාවය තිර්ණය කරන්න.
 9. යම් උත්ස්වයකට ප්‍රමුණ්ඩන් පැමිණි මෝටර් රථවල වර්ණය ඇතුව එවා කාන්ඩ පහකට වෙන් කර ඇති. විය එකමතා ව්‍යාප්තියක් වන අතර එහි මධ්‍යයන් සහ මධ්‍යස්ථානය සහ 4 වේ. එම ව්‍යාප්තිය තිර්ණය කරන්න.
 10. රෝගීන් පිරිකකගේ හඳු ස්පන්දන වෛගය, මිනින්තුවට ස්පන්දනවලින් පහත ව්‍යාප්තියේ ඇති අතර එහි එක් දැන්තයක් අඩුව ඇති.

ස්පන්දන වෛගය	59 - 62	63 - 66	67 - 70	71 - 74	75 - 78
සංඛ්‍යාතය	3	5		4	2

මෙම තිරස්හාන සම්බන්ධ මාතය ආයතන් ලෙස 67.5 බවද සංඛ්‍යාත එකිනෙකට වෙනස් බවද දැනියි. අඩුව ඇති දැන්තය සෙයා මාතය තිර්ණය කරන්න.

ලයක් පෙළ සංපූර්ණ ගණනය: 2 වෙති පත්‍රය: Part B

- 11.(a) මෝටර් රථයක් $u \text{ ms}^{-1}$ ප්‍රවේගයෙන් ගමන් ගන්නා බව දැකින පොලික් නිලධාරීයෙකු රථය ඔහු පසු කරන විටම තම යතුරු පැදියට නැහු නිශ්චලනාවයේ සිට $a \text{ ms}^{-2}$ ඒකාකාර ත්වරණයෙන් $v \text{ ms}^{-1}$ උපරිම ප්‍රවේගය දක්වා ගමන් කර පසුව එම ප්‍රවේගය පවත්වා ගනියි. පොලික් නිලධාරීය $d \text{ m} \left(d > \frac{1}{2a} v^2 \right)$ දුරක් ගමන් කර රථය ආයත්තයට පැමිණුයි. යතුරු පැදියේ භාව මෝටර් රථයේ වලින සඳහා ප්‍රවේග කාල වතු එකම සටහනක ඇද යතුරු පැදිය උපරිම ප්‍රවේගයෙන් බාවනය වූ කාලය $\frac{d}{u} - \frac{v}{a}$ බව පෙන්වන්න.

a, v, u සහ d අතර සම්බන්ධයක් සොයා වනිනි

$$v = \frac{ad}{u} \left[1 - \left(1 - \frac{2u^2}{ad} \right)^{\frac{1}{2}} \right] \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

- 11.(b) නශේනහිරෙන් දකුණුව α කොළඹයක් වූ දිගාවට සිට v ප්‍රවේගයෙන් ඒකාකරව හුළුවක් අති දිනක, ගුවන් යහයක් බවතිර දිගාවට a දුරක් යමට T_1 කාලයක්ද ආපසු ඒමට T_2 කාලයක්ද ගනියි. ගුවන් යහය බවතිර දිගාවට ගමන් කරන විට සහ ආපසු පැමිණුන විට වලිනය සඳහා ප්‍රවේග තුළක්දා එකම සටහනක අදින්න. ඒ අසුරෙන්, හුළුව නොතිබුනි නම්, පොලෝවට කාපේක්ෂව ගුවන් යහයට

$$\left[v^2 + \frac{2av \cos \alpha}{T_2 - T_1} \right]^{\frac{1}{2}} \text{ ව්‍යෙයක් අති බව පෙන්වන්න.}$$

- 12.(a) අරය a වන සුමට අවල වසන්තාකාර වළුල්ලක අභ්‍යුත්ත විනි පහන්ම ලක්ෂණයේ සිට අංශුවක් $\sqrt{\frac{ga}{2}}(1 + \sqrt{3})$ ප්‍රවේගයෙන් ප්‍රක්ෂේප කරයි. යටි අත් කිරීක සමඟ අංශුව θ කොළඹික විස්ටාපනයක් දක්වන විට අංශුවේ ව්‍යෙය සහ අංශුව සහ වළුල්ලක අතර ප්‍රතිත්වාවට විගාලන්වය සොයන්න. අංශුව, වළුල්ලේ ඉහළනම ලක්ෂණයට පැමිණිමට ප්‍රවීම වසන්තාකාර පෙන හැර යන බව පෙන්වන්න. අනතුරුව අංශුව වළුල්ලේ කේත්දය ඔක්සේ ගමන් කරන බවත් පෙන්වන්න.

- 12.(b) අංශුවක් α ආරෝහණයකින් සහ u ආරම්භක ව්‍යෙයක් සහිතව ප්‍රක්ෂේපනාය කරනු ලැබේ. යම කාලයකට පසු අංශුව තිරක් දිගාවට සහ කිරීක දිගාවට පිළිවෙළින් x සහ y විස්ටාපන සහිත වේ නම් $y = x \tan \alpha - \frac{gx^2}{2u^2} \sec^2 \alpha$ බව පෙන්වන්න.

සමඩිමෙනි O ලක්ෂණයක පිහිටි උක h වූ ක්‍රුෂ්‍රාවක මුදුනෙහි $\sqrt{2kg}$ ආරම්භක ව්‍යෙයක් සහිතව ඔහුම දිගාවකට වෙඩි තැබිය හැකි තුවක්කුවකින්, සමඩිමෙනි අරය $2\sqrt{k(k+h)}$ සහ O කේත්දය වන වසන්තායක් තුළ වන ඔහුම ලක්ෂණයකට වෙඩි තැබිය හැකි බව ලබා ගන්න.

- 13.(a) P සහ Q යනු දක්නේද m බැජින් වන අංශු දෙකකි. ද්වානාවික දිග l සහ ප්‍රත්‍යායුෂීත මාපාංකය mg වූ සහැල්ලු ප්‍රත්‍යායුෂීත තන්තුවකින් එම අංශු සම්බන්ධ කර තන්තුව තදුව සහ P අංශුවට කිරීස්ව පහලින් Q අංශුව පිහිටි සේ ඒවා සමතුලුව තබා ඇතේ. මෙවිට අංශු අතර පරතරය සොයන්න.

දැන් P අංශුව කිරීස්ව ඉහළව $\sqrt{2gl}$ ආරම්භක ප්‍රවේගයේ ප්‍රක්ෂේපනාය කරනු ලැබේ. t කාලයකට පසුව Q අංශුව විනි ආරම්භක මට්ටමේ සිට y විස්ටාපනයක් දක්වන අතර එවිට තන්තුවේ දිග x වේ. \ddot{y} සඳහා සුදුසු සම්කරණයක් ලියන්න.

$$\ddot{x} + \omega^2(x - l) = 0 \quad \text{මෙය ලබා තුළු හැකි බව පෙන්වන්න. මෙහි } \omega^2 = \frac{2l}{g} \quad \text{වේ.}$$

$x - l = A \cos \omega t + B \sin \omega t$ බව උපකල්පනයෙන්, A සහ B නියත නිර්ණය කරන්න.

අංගු අතර වයිනම පරතරය $(1 + \sqrt{2})l$ බව අපේෂනය කරන්න.

- 13.(b) ස්කන්ධය m වන කුඩා සුමට ගෝලයක් 10 ms^{-1} ප්‍රවෙශයෙන් වලනය වෙමින් එම දිගාවටම 6 ms^{-1} ප්‍රවෙශයෙන් වලනය වන ස්කන්ධය $3m$ වන කුඩා සුමට ගෝලයක් සමග සරල ලෙස ගැටේ. ගෝල අතර ප්‍රත්‍යාගති කෘෂිකය e වේ. ගැටුමෙන් පසු ගෝලවල විග පිළිවෙළත් u සහ v වේ. ගෝල අතර ප්‍රත්‍යාගති කෘෂිකය e වේ. ගැටුමෙන් පසු ගෝලවල විග සෙයන්න.

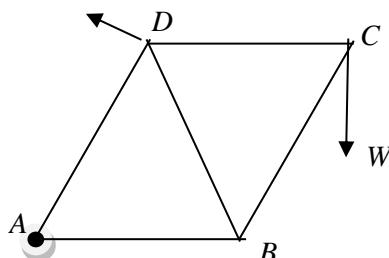
$4 \leq u \leq 7$ බවත් පෙන්වන්න.

- 14.(a) $ABCD$ යනු සමාන්තරාශීයක ගිර්හ වන අතර යම් O මූල ලක්ෂණයක් අනුබද්ධයෙන් A, B සහ C ලක්ෂණවල පිහිටුම දෙශික පිළිවෙළත් $\underline{a}, \underline{b}$ සහ \underline{c} වේ. ACD ත්‍රිකෝණයේ කේන්ද්‍රයේ පිහිටුම දෙශිකය $\frac{1}{3}(2\underline{a} - \underline{b} + 2\underline{c})$ බව පෙන්වන්න.

මෙම කේන්ද්‍රය BD රේඛාව මත බවත් පෙන්වන්න.

- 14.(b) $ABCD$ යනු $AB=8 \text{ cm}$ සහ $BC=6 \text{ cm}$ වන පරිදි වූ සංප්‍රකේෂාතුයකි. AB සහ BC පාදවල මධ්‍ය ලක්ෂණ පිළිවෙළත් L සහ M වේ. වස්තුවක් මත ක්‍රියා කරන විගාලන්ව $4N, 20N, 3N, 2N, 10N$ සහ $15N$ වන බල පිළිවෙළත් AB, AD, CD, CB, DB සහ ML ඔස්සේ වේ. බල පද්ධතියේ සම්පූර්ණයේ විගාලන්වය නිර්ණය කර එය AB පාදය සමග කාදන කේත්‍යය සොයන්න.

- 15.(a) සුවලට සන්ධි කළ සහැල්ලු සමාන දුඩු පහකින් සමන්වීන වන රාමු සැකිල්ලක් පහත රුපයේ දැක්වේ. සැකිල්ලේ තලය සිරස් වන ලෙස A ති දී අවල ආධාරකයකට සැකිල්ල සුමට විවර්තනය කර ඇත. C ති දී W හාරයක් දරන අතර D ති දී AD ලම්බ දිගාවට යෙදු බලයක් මගින් AB තිරක් වන පරිදි සැකිල්ල තබා ඇත.
- D ති දී යොදා ඇති බලයේ විගාලන්වය සොයා බේ අංකනය සමගින් දුඩු මත ක්‍රියා කරන බල සඳහා ප්‍රත්‍යාවල සටහනක් ඇදු ආතති සහ තෙරපුම වෙන් කර දක්වමින් AB, BD සහ CD දුඩු මත ක්‍රියා කරන බල සොයන්න.



- (b) ඇතුළත පැහැදිය සුමට සහ අරය a වූ ගෝලයකින් කේන්ද්‍රයේ 120° ක් ආපාතනය වන පරිදි තුළ පැහැදියකින් කපා ගත් කොටක එහි ගැටිය තිරස් සහ එය උඩුකුරු ලෙස අවලව තබා ඇත. ඒකාකාර දැන්ධික එක කොළවරක් මෙම පැහැදිය ස්ථාපිත වෙමින්ද ඉතිරි කෙළවර ඉවත්ව නෙරා පවතින පරිදි තිරකා 15° ක ආනතියක් සහිතව සම්බුද්‍යම පවතින නම් දැන්වා දී ගැ
- $$2(\sqrt{6} - \sqrt{2})a$$
- බව පෙන්වන්න.

16. ආධාරකයේ අරය a වන ගෝලකාර අර්ථ ගෝලකාර පෘත්‍රියක ස්කන්ද කේත්දය නිර්ණය කරන්න.

ආධාරකයේ අරය $3a$ වන සහ අර්ථ ගෝලකාර පෘත්‍රියකින් අක්ෂ සම්පාත වන පරිදි ආධාරකයේ අරය $2a$ වන සහ ආධාරක සම්පාත වන පරිදි අර්ථ ගෝලකාර කොටසක් ඉවත් කරනු ලැබේ. මෙම ක්‍රහර සහිත අර්ථ ගෝලකාර කොටසේ ස්කන්ද කේත්දය එහි ආධාරකයේ සිට $\frac{195}{152}a$ දුරීන් වන බව පෙන්වන්න.

මෙම අර්ථ ගෝලකාර වස්තුව එහි වතු පෘත්‍රිය රාලි සිරස් සහ තිරස් පෘත්‍රිය දෙකක් හා ස්පර්ශ වෙමින් සමත්ලිතව ඇත්තේ එහි අක්ෂය ඉහත තල දෙකටම ලමිඩ වන පරිදිය. සිරස් පෘත්‍රිය සහ අර්ථ ගෝලකාර වස්තුවේ වතු පෘත්‍රිය අතර ස්කන්ද සංග්‍රහකය μ_1 ද තිරස් පෘත්‍රිය සහ අර්ථ ගෝලකාර වස්තුවේ වතු පෘත්‍රිය අතර ස්කන්ද සංග්‍රහකය μ_2 ද වේ. සීමාකාරී සමත්ලිත අවස්ථාවේදී අර්ථ ගෝලකාර වස්තුවේ

$$65(1 + \mu_1\mu_2)\sin \theta = 152(1 + \mu_1)\mu_2 \quad \text{බව පෙන්වන්න.}$$

- 17.(a) A සහ B යනු ට නියැලි අවකාශයක ස්වයන්ත සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. A සහ B සිද්ධි ස්වයන්ත නම $p(A)$ සහ $p(B)$ ඇසුරෙන් $p(A \cap B)$ ප්‍රකාශ කරන්න.

A' සහ B' යන සිද්ධිදි ස්වයන්ත වන බව පෙන්වන්න.

X සහ Y රෝගීන් දෙදෙනෙකු යම රෝගකින් සුවය ලබාමේ සම්භාවනා පිළිවෙළත් 0.8 සහ 0.66 වේ. දෙදෙනාම සුවය ලබාමේ සම්භාවනාවය සහ අඩු වශයෙන් එක් අයෙකුවන් සුවය ලබාමේ සම්භාවනාවය කොයන්න.

X රෝගීය සුවය ලබාවේ නම X රෝගීය සුවය ලබාමේ සම්භාවනාවයද කොයන්න.

- 17.(b) සිසුන් පිරිසක් ස්‍රී බා ඉකවිවක් නිම කිරීම සඳහා ගත් කාලය පහත සමුළුත කාංඩාත ව්‍යුත්තියෙන් දැක් වේ.

කාලය(තත්පර)	53 - 56	57 - 60	61 - 64	65 - 68	69 - 72	73 - 76	77 - 80
සිසුන් ගණන	3	5	10	11	5	4	2

(a) මෙම ව්‍යුත්තියේ මාතය සහ මධ්‍යස්ථාන නිර්ණය කරන්න.

(b) 66.5 තත්පර උපක්ලිපිත මධ්‍යන්තය ලෙස ගෙන සුදුදු පරිණාමනයක් ගෙන ව්‍යුත්තියේ මධ්‍යන්තය කොයන්න.

(c) 53 තත්පර සහ 78 තත්පර යන දැන්තද මෙම ව්‍යුත්තියට එක් කළේ නම ආරම්භක ව්‍යුත්තියේ සහ නව ව්‍යුත්තියේ සම්මත අපගමන ගෙන අදහස් ඉදිරිපත් කරන්න.

* * *

උසක් පෙළ සංපූර්ණ ගණනය: 2 වෙති පත්‍රය : Part A

1. නිකලනාවයේ සිට ගමන් අරඹන වාහනයක් ගමනේ මුළු කොටස a නියත ප්‍රවර්තනයෙන්ද ඉත්පූ හා නියත ප්‍රවේගයෙන්ද අවසානයේදී a නියත මන්දිනයෙන්ද ගමන් කර නිකලනාවයට පැමිණෙයි. මුළු ගමනේ මධ්‍යස්ථාන ප්‍රවේගය $\frac{7u}{8}$ නම් ගමනේ යෙදුනු මුළු කාලයෙන් කවර හාගයක් නියත ප්‍රවේගයෙන් ගමන් කළේදයි කොයන්න.
 2. නැගෙනහිර දිගාවට තිරක් පෙනක නියත ප්‍රවේගයෙන් ගමන් කරන ප්‍රමාණයෙකු වලනය වන වාහනයක් ඔහුට උතුරු දිගාවේ $2d \text{ m}$ දුරින් වන ස්ථානයක ඇති බවත් රට තත්පර T කාලයකට පසු එම වාහනය ඔහුට නැගෙනහිර දිගාවේ $2d \text{ m}$ දුරින් වන බවත් දැකියි. ප්‍රමාණය සාපේක්ෂව වාහනයේ පෙන අදින්න. එනයින්, ප්‍රමාණ වාහනයන් අතර කෙටිනම දුර $\sqrt{2} d \text{ m}$ බව පෙන්වන්න.
 3. ස්වභාවික දිග a සහ ප්‍රත්‍යාස්ථානා මාපාංකය $3mg$ වූ සහයැළු ප්‍රත්‍යාස්ථානා තත්ත්වක එක් කෙළවරක් වන O අවල වන අතර අනෙක් කෙළවරට සක්තියය m වූ P අංශුවක් සම්බන්ධ කර ඇති. ආරම්භයේදී O ව සිරස්ව පහළින් P වන පරිදි සහ $OP = 2a$ වන ලෙස අංශුව තිශ්වලනාවයේ තබා එම පිහිටුමේ සිට සිරුවෙන් මුද හරිනු ලැබේ. තත්ත්ව යාන්ත්‍රියෙන් බුරුල් වන විට අංශුවේ වෛගය කොයන්න.
 4. පාපදියෙකු තම පාපදිය, අරය a වන වෘත්තාකාර පෙනක ට එකාකාර වෛගයෙන් පැදු යයි. පාපදිය ලිය්කා නොයාමට තරම කර්මානුවන් වේ නම් සිරස්ව පාපදියේ ආනතිය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලබා ගන්න.
 5. වතුරසුයක යාබද පදනම මධ්‍ය ලක්ෂණය ය කිරීමෙන් සමාන්තරසුයක් තිර්මානුය වන බව පෙන්වන්න.
 6. එකාකාර බර වෘත්තාකාර වළුල්ලක්, තිරස්ව ඇති කුඩා රැලි නාදුන්ගක් යෙදීමෙන් සමතුලිනව එල්ලා ඇති. නාදුන්ත ඔයෝ ඇති වළුල්ලේ විෂ්කම්භයේ අනෙක් කෙළවරේ යොදන ලද වළුල්ලේ තලයේම ක්‍රියා කරන P විගාලන්වයක් සහිත තිරක් බලයක් යෙදු විට මෙම විෂ්කම්භය යටි අත් සිරස සමග θ සුළු කොණයක් කාඳයි. වළුල්ල සහ නාදුන්ත අතර කර්මානු කංගුණුයය
- $$\frac{\tan \theta}{2 + \tan^2 \theta}$$
 හි අගයට වඩා කුඩා නොවන බව පෙන්වන්න.
7. A සහ B යන කිදුෂා සළකන්න. A කිදුෂාය කිදු වි ඇති විට B කිදුෂාය කිදු විමේ සම්භාවිතාවය සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියන්න.
- නොනැවුම් කාකි තුනක් විකවර උඩ දමනු ලැබේ. හිකන් අගයත් යන දෙකම ලැබී ඇති විට හික දෙකක් ලැබීමේ සම්භාවිතාවය තිර්ණය කරන්න.
8. තිවාක 40 ක් සහිත තිවාක කංකිර්ණයක තිවාක 5 ක සුරුතල් සතුන් නොමැති. තිවාක 8 ක සුරුතල් බල්ලෙකු බැඟින් සිටියි. තිවාක 12 ක බල්ලෙකු සහ පුළුයෙකු බැඟින් සිටියි. සසම්භාවි ලෙස තෝරා ගන් තිවාක පුළුයෙකු සිටිමේ සම්භාවිතාවය තිර්ණය කරන්න.
 9. යම් උත්ස්වයකට ප්‍රමුණ්නන් පැමිණි මෝටර් රථවල වර්ණය ඇතුව එවා කාන්ඩ පහකට වෙන් කර ඇති. විය එකමතා ව්‍යාප්තියක් වන අතර එහි මධ්‍යයන් සහ මධ්‍යස්ථානය එවා පිළිවෙළින් 3 සහ 4 වේ. එම ව්‍යාප්තිය තිර්ණය කරන්න.
 10. රෝගීන් පිරිකකගේ හඳු ස්පන්දන වෛගය, මිනින්තුවට ස්පන්දනවලින් පහත ව්‍යාප්තියේ ඇති අතර එහි එක් දැන්තයක් අඩුව ඇති.

ස්පන්දන වෛගය	59 - 62	63 - 66	67 - 70	71 - 74	75 - 78
සංඛ්‍යාතය	3	5		4	2

මෙම තිරස්හුණු සම්භාවිත මානය ආයතන්න ලෙස 67.5 බවද සංඛ්‍යාත එකිනෙකට වෙනස් බවද දැනියි. අඩුව ඇති දැන්තය සෙයා මානය තිර්ණය කරන්න.

උසක් පෙළ සංපූර්ණ ගණනය: 2 වෙති පත්‍රය: Part B

- 11.(a) මෝටර් රථයක් $u \text{ ms}^{-1}$ ප්‍රවේගයෙන් ගමන් ගන්නා බව දැකින පොලික් නිලධාරීයෙකු රථය ඔහු පසු කරන විටම තම යතුරු පැදියට නැහු නිශ්චලනාවයේ සිට $a \text{ ms}^{-2}$ ඒකාකාර ත්වරණයෙන් $v \text{ ms}^{-1}$ උපරිම ප්‍රවේගය දක්වා ගමන් කර පසුව එම ප්‍රවේගය පවත්වා ගනියි. පොලික් නිලධාරීය $d \text{ m} \left(d > \frac{1}{2a} v^2 \right)$ දුරක් ගමන් කර රථය ආයත්තයට පැමිණුයි. යතුරු පැදියේ භාව මෝටර් රථයේ වලින සඳහා ප්‍රවේග කාල වතු එකම සටහනක ඇද යතුරු පැදිය උපරිම ප්‍රවේගයෙන් බාවනය වූ කාලය $\frac{d}{u} - \frac{v}{a}$ බව පෙන්වන්න.

a, v, u සහ d අතර සම්බන්ධයක් සොයා වනිනි

$$v = \frac{ad}{u} \left[1 - \left(1 - \frac{2u^2}{ad} \right)^{\frac{1}{2}} \right] \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

- 11.(b) නශේනහිරෙන් දකුණුව α කොළඹයක් වූ දිගාවට සිට v ප්‍රවේගයෙන් ඒකාකරව හුළුවක් අති දිනක, ගුවන් යහයක් බටහිර දිගාවට a දුරක් යමට T_1 කාලයක්ද ආපසු ඒමට T_2 කාලයක්ද ගනියි. ගුවන් යහය බටහිර දිගාවට ගමන් කරන විට සහ ආපසු පැමිණුන විට වලිනය සඳහා ප්‍රවේග තුළක්දා එකම සටහනක අදින්න. ඒ අසුරෙන්, හුළුව නොතිබුනි නම්, පොලෝවට කාපේක්ෂව ගුවන් යහයට

$$\left[v^2 + \frac{2av \cos \alpha}{T_2 - T_1} \right]^{\frac{1}{2}} \text{ ව්‍යෙයක් අති බව පෙන්වන්න.}$$

- 12.(a) අරය a වන සුමට අවල වසන්තාකාර වළුල්ලක අභ්‍යුත්ත විනි පහන්ම ලක්ෂණයේ සිට අංශුවක් $\sqrt{\frac{ga}{2}}(1 + \sqrt{3})$ ප්‍රවේගයෙන් ප්‍රක්ෂේප කරයි. යටි අත් කිරීක සමඟ අංශුව θ කොළඹික විස්ටාපනයක් දක්වන විට අංශුවේ ව්‍යෙය සහ අංශුව සහ වළුල්ලක අතර ප්‍රතිත්වාවට විගාලන්වය සොයන්න. අංශුව, වළුල්ලේ ඉහළනම ලක්ෂණයට පැමිණිමට ප්‍රවීම වසන්තාකාර පෙන හැර යන බව පෙන්වන්න. අනතුරුව අංශුව වළුල්ලේ කේත්දය ඔක්සේ ගමන් කරන බවත් පෙන්වන්න.

- 12.(b) අංශුවක් α ආරෝහණයකින් සහ u ආරම්භක ව්‍යෙයක් සහිතව ප්‍රක්ෂේපනාය කරනු ලැබේ. යම කාලයකට පසු අංශුව තිරක් දිගාවට සහ කිරීක දිගාවට පිළිවෙළින් x සහ y විස්ටාපන සහිත වේ නම් $y = x \tan \alpha - \frac{gx^2}{2u^2} \sec^2 \alpha$ බව පෙන්වන්න.

සමඩිමෙනි O ලක්ෂණයක පිහිටි උක h වූ කණුවක මුදුනෙනි $\sqrt{2kg}$ ආරම්භක ව්‍යෙයක් සහිතව ඔහුම දිගාවකට වෙඩි තැබිය හැකි තුවක්කුවකින්, සමඩිමෙනි අරය $2\sqrt{k(k+h)}$ සහ O කේත්දය වන වසන්තායක් තුළ වන ඔහුම ලක්ෂණයකට වෙඩි තැබිය හැකි බව ලබා ගන්න.

- 13.(a) P සහ Q යනු දක්න්ද m බැංශේ වන අංශු දෙකකි. ද්වානීක දිග l සහ ප්‍රත්‍යායුෂීත මාපාංකය mg වූ සහැල්ලු ප්‍රත්‍යායුෂීත තන්තුවකින් එම අංශු සම්බන්ධ කර තන්තුව තදව සහ P අංශුවට කිරීස්ව පහලින් Q අංශුව පිහිටි සේ ඒවා සමතුලුව තබා ඇතේ. මෙවිට අංශු අතර පරතරය සොයන්න.

දැන් P අංශුව කිරීස්ව ඉහළට $\sqrt{2gl}$ ආරම්භක ප්‍රවේගයේ ප්‍රක්ෂේපනාය කරනු ලැබේ. t කාලයකට පසුව Q අංශුව විනි ආරම්භක මට්ටමේ සිට y විස්ටාපනයක් දක්වන අතර එවිට තන්තුවේ දිග x වේ. \ddot{y} සඳහා සුදුසු සම්කරණයක් ලියන්න.

$$\ddot{x} + \omega^2(x - l) = 0 \quad \text{මෙය ලබා තුළු හැකි බව පෙන්වන්න. මෙහි } \omega^2 = \frac{2l}{g} \quad \text{වේ.}$$

$x - l = A \cos \omega t + B \sin \omega t$ බව උපකල්පනයෙන්, A සහ B නියත නිර්ණය කරන්න.

අංගු අතර වයිනම පරතරය $(1 + \sqrt{2})l$ බව අපේෂනය කරන්න.

- 13.(b) ස්කන්ධය m වන කුඩා සුමට ගෝලයක් 10 ms^{-1} ප්‍රවෙශයෙන් වලනය වෙමින් එම දිගාවටම 6 ms^{-1} ප්‍රවෙශයෙන් වලනය වන ස්කන්ධය $3m$ වන කුඩා සුමට ගෝලයක් සමග සරල ලෙස ගැටේ. ගෝල අතර ප්‍රත්‍යාගති කෘෂිකය e වේ. ගැටුමෙන් පසු ගෝලවල විග පිළිවෙළත් u සහ v වේ. ගෝල අතර ප්‍රත්‍යාගති කෘෂිකය e වේ. ගැටුමෙන් පසු ගෝලවල විග සෙයන්න.

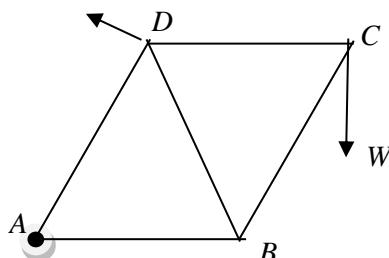
$4 \leq u \leq 7$ බවත් පෙන්වන්න.

- 14.(a) $ABCD$ යනු සමාන්තරාශීයක ගිර්හ වන අතර යම් O මූල ලක්ෂණයක් අනුබද්ධයෙන් A, B සහ C ලක්ෂණවල පිහිටුම දෙශික පිළිවෙළත් $\underline{a}, \underline{b}$ සහ \underline{c} වේ. ACD ත්‍රිකෝණයේ කේන්ද්‍රයේ පිහිටුම දෙශිකය $\frac{1}{3}(2\underline{a} - \underline{b} + 2\underline{c})$ බව පෙන්වන්න.

මෙම කේන්ද්‍රය BD රේඛාව මත බවත් පෙන්වන්න.

- 14.(b) $ABCD$ යනු $AB=8 \text{ cm}$ සහ $BC=6 \text{ cm}$ වන පරිදි වූ සංප්‍රකේෂාතුයකි. AB සහ BC පාදවල මධ්‍ය ලක්ෂණ පිළිවෙළත් L සහ M වේ. වස්තුවක් මත ක්‍රියා කරන විගාලන්ව $4N, 20N, 3N, 2N, 10N$ සහ $15N$ වන බල පිළිවෙළත් AB, AD, CD, CB, DB සහ ML ඔස්සේ වේ. බල පද්ධතියේ සම්පූර්ණයේ විගාලන්වය නිර්ණය කර එය AB පාදය සමග කාදන කේත්‍යය සොයන්න.

- 15.(a) සුවලට සන්ධි කළ සහැල්ලු සමාන දුඩු පහකින් සමන්වීන වන රාමු සැකිල්ලක් පහත රුපයේ දැක්වේ. සැකිල්ලේ තලය සිරස් වන ලෙස A ති දී අවල ආධාරකයකට සැකිල්ල සුමට විවර්තනය කර ඇත. C ති දී W හාරයක් දරන අතර D ති දී AD ලම්බ දිගාවට යෙදු බලයක් මගින් AB තිරක් වන පරිදි සැකිල්ල තබා ඇත.
- D ති දී යොදා ඇති බලයේ විගාලන්වය සොයා බේ අංකනය සමගින් දුඩු මත ක්‍රියා කරන බල සඳහා ප්‍රත්‍යාවල සටහනක් ඇදු ආතති සහ තෙරපුම වෙන් කර දක්වමින් AB, BD සහ CD දුඩු මත ක්‍රියා කරන බල සොයන්න.



- (b) ඇතුළත පැහැදිය සුමට සහ අරය a වූ ගෝලයකින් කේන්ද්‍රයේ 120° ක් ආපාතනය වන පරිදි තුළ පැහැදියකින් කපා ගත් කොටක එහි ගැටිය තිරස් සහ එය උඩුකුරු ලෙස අවලව තබා ඇත. ඒකාකාර දැන්ධික එක කොළවරක් මෙම පැහැදිය ස්ථාපිත වෙමින්ද ඉතිරි කෙළවර ඉවත්ව නෙරා පවතින පරිදි තිරකා 15° ක ආනතියක් සහිතව සම්බුද්‍යම පවතින නම් දැන්වා දී ගැ
- $$2(\sqrt{6} - \sqrt{2})a$$
- බව පෙන්වන්න.

16. ආධාරකයේ අරය a වන ගෝලකාර අර්ථ ගෝලකාර පෘත්‍රියක ස්කන්ද කේත්දය නිර්ණය කරන්න.

ආධාරකයේ අරය $3a$ වන සහ අර්ථ ගෝලකාර පෘත්‍රියකින් අක්ෂ සම්පාත වන පරිදි ආධාරකයේ අරය $2a$ වන සහ ආධාරක සම්පාත වන පරිදි අර්ථ ගෝලකාර කොටසක් ඉවත් කරනු ලැබේ. මෙම ක්‍රහර සහිත අර්ථ ගෝලකාර කොටසේ ස්කන්ද කේත්දය එහි ආධාරකයේ සිට $\frac{195}{152}a$ දුරීන් වන බව පෙන්වන්න.

මෙම අර්ථ ගෝලකාර වස්තුව එහි වතු පෘත්‍රිය රාලි සිරස් සහ තිරස් පෘත්‍රිය දෙකක් හා ස්පර්ශ වෙමින් සමත්ලිතව ඇත්තේ එහි අක්ෂය ඉහත තල දෙකටම ලමිඩ වන පරිදිය. සිරස් පෘත්‍රිය සහ අර්ථ ගෝලකාර වස්තුවේ වතු පෘත්‍රිය අතර ස්කන්ද සංගුණුකය μ_1 ද තිරස් පෘත්‍රිය සහ අර්ථ ගෝලකාර වස්තුවේ වතු පෘත්‍රිය අතර ස්කන්ද සංගුණුකය μ_2 ද වේ. සීමාකාරී සමත්ලිත අවස්ථාවේදී අර්ථ ගෝලකාර වස්තුවේ

$$65(1 + \mu_1\mu_2)\sin \theta = 152(1 + \mu_1)\mu_2 \quad \text{බව පෙන්වන්න.}$$

- 17.(a) A සහ B යනු ට නියැලි අවකාශයක ස්වයන්ත සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. A සහ B සිද්ධි ස්වයන්ත නම $p(A)$ සහ $p(B)$ ඇසුරෙන් $p(A \cap B)$ ප්‍රකාශ කරන්න.

A' සහ B' යන සිද්ධිදි ස්වයන්ත වන බව පෙන්වන්න.

X සහ Y රෝගීන් දෙදෙනෙකු යම රෝගකින් සුවය ලබාමේ සම්භාවනා පිළිවෙළත් 0.8 සහ 0.66 වේ. දෙදෙනාම සුවය ලබාමේ සම්භාවනාවය සහ අඩු වශයෙන් එක් අයෙකුවන් සුවය ලබාමේ සම්භාවනාවය කොයන්න.

X රෝගීය සුවය ලබාවේ නම X රෝගීය සුවය ලබාමේ සම්භාවනාවයද කොයන්න.

- 17.(b) සිසුන් පිරිසක් ස්ක්‍රී ඉකව්වක් නිම කිරීම සඳහා ගත් කාලය පහත සමුළුත කාංඩාත ව්‍යුත්තියෙන් දැක් වේ.

කාලය(තත්පර)	53 - 56	57 - 60	61 - 64	65 - 68	69 - 72	73 - 76	77 - 80
සිසුන් ගණන	3	5	10	11	5	4	2

(a) මෙම ව්‍යුත්තියේ මාතය සහ මධ්‍යස්ථාන නිර්ණය කරන්න.

(b) 66.5 තත්පර උපක්ලිපිත මධ්‍යන්තය ලෙස ගෙන සුදුදු පරිණාමනයක් ගෙන ව්‍යුත්තියේ මධ්‍යන්තය කොයන්න.

(c) 53 තත්පර සහ 78 තත්පර යන දැන්තද මෙම ව්‍යුත්තියට එක් කළේ නම ආරම්භක ව්‍යුත්තියේ සහ නව ව්‍යුත්තියේ සම්මත අපගමන ගෙන අදහස් ඉදිරිපත් කරන්න.

* * *