



වර්ගජ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාර



මෙම පාඩම අධ්‍යයනය කිරීමෙන් ඔබට,

- දෙන ලද x හි පරාසයක් සඳහා $y = ax^2$ හා $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාරය ඇඳීමට,
- $y = ax^2$ හා $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය, සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක සෙවීමට,
- $y = ax^2$ හා $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් ශ්‍රිතයේ දෙන ලද අගය ප්‍රාන්තරයකට අදාළ x හි අගය ප්‍රාන්තරය සෙවීමට,
- $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් $y = 0$ සමීකරණයේ මූල සෙවීමට,
- $y = ax^2$ හා $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිත නිරීක්ෂණයෙන් උපරිම හෝ අවම අගය, හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක, සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය නිර්ණය කිරීමට හැකියාව ලැබේ.

23.1 $y = ax^2$ ආකාරයේ ශ්‍රිත

$y = ax^2$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල මෙම කොටසින් අධ්‍යයනය කරනු ලබන්නේ $a > 0$ අවස්ථාවයි.

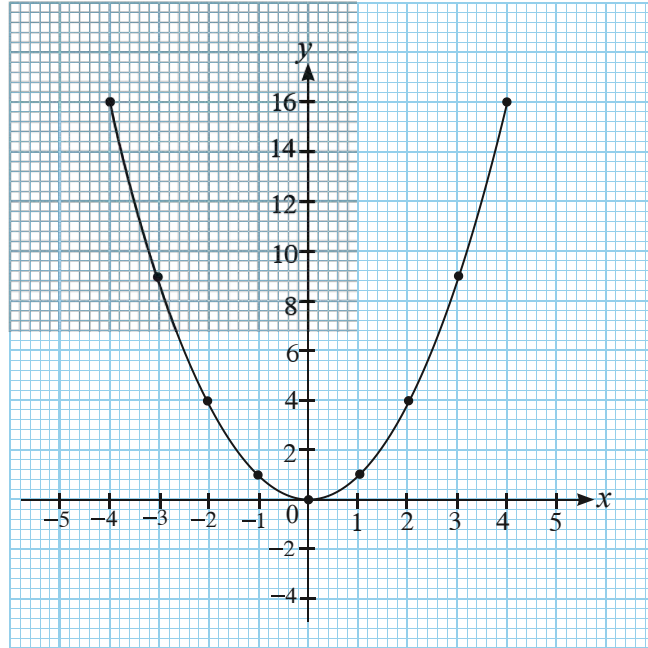
$y = x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය ඇඳීම සඳහා පළමුව පහත දැක්වෙන ආකාරයේ අගය වගුවක් සකස් කර ගනිමු.

x	x^2	y	ඛණ්ඩාංක
-4	$-4 \times -4 = 16$	16	(-4, 16)
-3	$-3 \times -3 = 9$	9	(-3, 9)
-2	$-2 \times -2 = 4$	4	(-2, 4)
-1	$-1 \times -1 = 1$	1	(-1, 1)
0	0	0	(0, 0)
1	$1 \times 1 = 1$	1	(1, 1)
2	$2 \times 2 = 4$	4	(2, 4)
3	$3 \times 3 = 9$	9	(3, 9)
4	$4 \times 4 = 16$	16	(4, 16)

ඉහත වගුව අනුව,
(-4, 16), (-3, 9), (-2, 4), (-1, 1), (0, 0), (1, 1), (2, 4), (3, 9), (4, 16) ප්‍රස්තාරය ඇඳීමට අවශ්‍ය ලක්ෂ්‍යවල ඛණ්ඩාංක වේ.



මෙම ඛණ්ඩාංක කාර්ටීසිය තලයක ලකුණු කර එම ලක්ෂ්‍ය පිළිවෙළින් සුමටව යා කළ විට පහත දැක්වෙන පරිදි ශ්‍රිතයේ y ප්‍රස්තාරය ලැබේ. එලෙස ලැබෙන චක්‍රය පරාවලයක් ලෙස හැඳින්වේ.



මෙම ප්‍රස්තාරය, y අක්ෂය වටා සමමිතික වේ. සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.

- මෙහි අවම ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක $(0, 0)$ වේ.
- ශ්‍රිතයේ අවම අගය (y අගය) 0 වේ.

මීළඟට $y = x^2$, $y = 2x^2$, $y = \frac{1}{2}x^2$ එකම ඛණ්ඩාංක තලයක අඳිමු. ඒ සඳහා සකස් කළ අගය වගු පහත දැක්වේ.

$$y = x^2$$

x	x^2	y	ඛණ්ඩාංක
-2	4	4	$(-2, 4)$
-1	1	1	$(-1, 1)$
0	0	0	$(0, 0)$
1	1	1	$(1, 1)$
2	4	4	$(2, 4)$

$$y = 2x^2$$

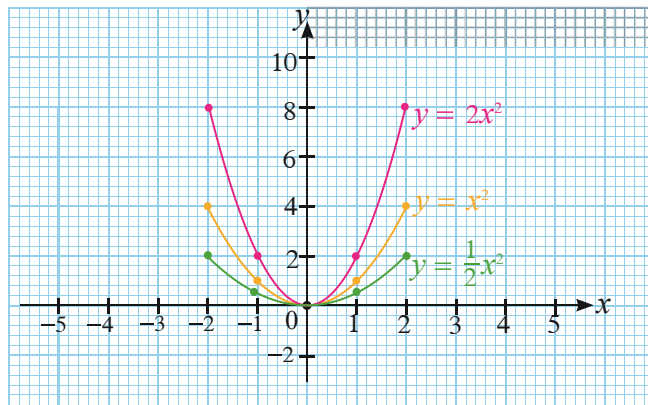
x	x^2	$2x^2$	y	ඛණ්ඩාංක
-2	4	8	8	$(-2, 8)$
-1	1	2	2	$(-1, 2)$
0	0	0	0	$(0, 0)$
1	1	2	2	$(1, 2)$
2	4	8	8	$(2, 8)$





$$y = \frac{1}{2}x^2$$

x	x^2	$\frac{1}{2}x^2$	y	ඛණ්ඩාංක
-2	4	2	2	(-2, 2)
-1	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$(-1, \frac{1}{2})$
0	0	0	0	(0, 0)
1	1	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$(1, \frac{1}{2})$
2	4	2	2	(2, 2)



මෙම ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාර සියල්ල ම අධ්‍යයනය කළ විට $y = ax^2$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාරයන්හි පහත ලක්ෂණ ඇති බව හඳුනා ගත හැකි වේ.

- අවම ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක (හැරවුම් ලක්ෂ්‍යය / වර්තන ලක්ෂ්‍යය) (0,0) වේ.
- ශ්‍රිතයේ අවම අගය 0 වේ.
- ප්‍රස්තාර y අක්ෂය වටා සමමිතික වේ. සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.

මිලගට $a < 0$ විට $y = ax^2$ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාර පිළිබඳ සලකා බලමු.

නිදසුන 1

$y = -x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.

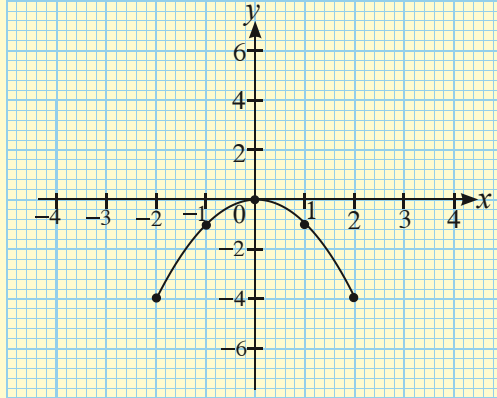
x	x^2	$-x^2$	y	ඛණ්ඩාංක
-2	4	-4	-4	(-2, -4)
-1	1	-1	-1	(-1, -1)
0	0	0	0	(0, 0)
1	1	-1	-1	(1, -1)
2	4	-4	-4	(2, -4)





අගය වගුවේ දැක්වෙන බිණ්ඩාංක ඇසුරින් අදින ලද ප්‍රස්තාරය පහත දැක්වේ.

මෙහි උපරිම ලක්ෂ්‍යයේ බිණ්ඩාංක $(0, 0)$ වේ. මෙය y අක්ෂය වටා සමමිතික වේ. මෙහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ. මෙම ශ්‍රිතයේ උපරිම අගය 0 වේ.



$a < 0$ විට $y = ax^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරවල ලක්ෂණ හඳුනා ගැනීම සඳහා $y = -x^2$, $y = -2x^2$ හා $y = -\frac{1}{2}x^2$ ශ්‍රිතයන්ගේ ප්‍රස්තාර එකම කාටීසිය තලයක අඳිමු. ඒ සඳහා සකස් කළ අගය වගු පහත දැක්වේ.

$y = -x^2$

x	x^2	$-x^2$	y	බිණ්ඩාංක
-2	4	-4	-4	$(-2, -4)$
-1	1	-1	-1	$(-1, -1)$
0	0	0	0	$(0, 0)$
1	1	-1	-1	$(1, -1)$
2	4	-4	-4	$(2, -4)$

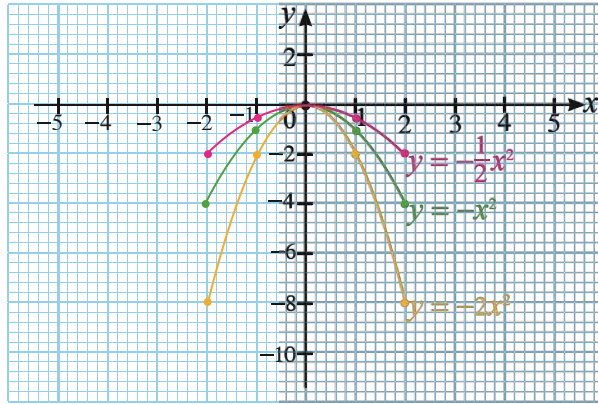
$y = -2x^2$

x	x^2	$-2x^2$	y	බිණ්ඩාංක
-2	4	-8	-8	$(-2, -8)$
-1	1	-2	-2	$(-1, -2)$
0	0	0	0	$(0, 0)$
1	1	-2	-2	$(1, -2)$
2	4	-8	-8	$(2, -8)$

$y = -\frac{1}{2}x^2$

x	x^2	$-\frac{1}{2}x^2$	y	බිණ්ඩාංක
-2	4	-2	-2	$(-2, -2)$
-1	1	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$(-1, -\frac{1}{2})$
0	0	0	0	$(0, 0)$
1	1	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$(1, -\frac{1}{2})$
2	4	-2	-2	$(2, -2)$





- $a < 0$ විට හෝ $a > 0$ විට $y = ax^2$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය,
- එම ප්‍රස්තාර පරාවල වේ.
 - $a > 0$ විට ලැබෙන ප්‍රස්තාරය අවම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත පරාවලයකි.
 - $a < 0$ විට ලැබෙන ප්‍රස්තාරය උපරිම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත පරාවලයකි.
 - ප්‍රස්තාර y අක්ෂය වටා සමමිතික වේ. එබැවින් එහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.
 - හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ($a > 0$ විට අවම ලක්ෂ්‍යය හෝ $a < 0$ විට උපරිම ලක්ෂ්‍යය) ඛණ්ඩාංක $(0, 0)$ වේ.

නිදසුන 2

$y = \frac{1}{5}x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය සලකන්න.

ප්‍රස්තාරය ඇඳීමෙන් තොරව, සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය ද හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංකය ද, හැරුම් ලක්ෂ්‍යය උපරිමයක් ද අවමයක් යන්න ද ලියා දක්වන්න.

මෙය $y = ax^2$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක් නිසා,

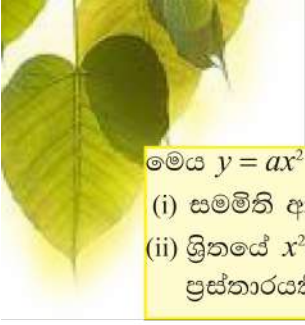
- සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.
- ප්‍රස්තාරයේ හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක $(0, 0)$ වේ. මෙහි x^2 හි සංගුණකය ධන අගයක් නිසා (එනම් $a > 0$) ප්‍රස්තාරයේ අවම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත ප්‍රස්තාරයකි.

නිදසුන 3

ප්‍රස්තාරය ඇඳීමෙන් තොරව, $y = -\frac{1}{3}x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරයේ,

(i) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය

(ii) හැරුම් ලක්ෂ්‍යය උපරිමයක් ද නැතහොත් අවමයක් ද යන්න සහ එම හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක ලියා දක්වන්න.



මෙය $y = ax^2$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයකි.

- (i) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.
- (ii) ශ්‍රිතයේ x^2 හි සංගුණකය සෘණ අගයක් නිසා, ($a < 0$) මෙය උපරිම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත ප්‍රස්තාරයකි. මෙහි හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක $(0, 0)$ වේ.

23.1 අභ්‍යාසය

1. $y = 3x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය ඇඳීම සඳහා $x = -2$ සිට $x = +2$ තෙක් පරාසය තුළ අගය වගුවක් ගොඩනගන්න. සුදුසු පරිමාණයක් යොදා ගනිමින් ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න. අඳින ලද ප්‍රස්තාරය භාවිත කර,
 - (i) හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක ලියන්න.
 - (ii) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියන්න.
 - (iii) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය ලියන්න.
2. $-3 \leq x \leq 3$ පරාසය තුළ $y = \frac{1}{3}x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න. අඳින ලද ප්‍රස්තාරය භාවිත කර, (i), (ii), (iii) සඳහා පිළිතුරු සපයන්න.
 - (i) ශ්‍රිතයේ සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය ලියන්න.
 - (ii) වර්තන ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක ලියන්න.
 - (iii) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියන්න.
3. $y = -3x^2$ ප්‍රස්තාරය ඇඳීම සඳහා පිළියෙළ කර ගත් අසම්පූර්ණ අගය වගුවක් පහත දැක්වේ.

x	x^2	$-3x^2$	y	ඛණ්ඩාංක
-2	4
-1	1
0	0
1	1
2	-12

- (i) වගුව සම්පූර්ණ කර සුදුසු පරිමාණයක් භාවිත කර $y = -3x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
- (ii) අඳින ලද ප්‍රස්තාරය භාවිතයෙන්,
 - (a) හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක ලියා දක්වන්න.
 - (b) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියා දක්වන්න.
 - (c) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය ලියා දක්වන්න.
- 4. $-4 \leq x \leq 4$ අගයන් යොදා ගනිමින් $y = -\frac{1}{4}x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න. එමගින්,
 - (i) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය
 - (ii) වර්තන ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක
 - (iii) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලබා ගන්න.



5. (i) $y = 8x^2$ (ii) $y = -7x^2$ (iii) $y = \frac{1}{9}x^2$
 (iv) $y = \frac{5}{7}x^2$ (v) $y = -\frac{3}{8}x^2$ (vi) $y = 7x^2$

ඉහත දැක්වෙන එක් එක් ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය ඇඳීමෙන් තොරව ශ්‍රිතය නිරීක්ෂණය කිරීමෙන්,

- (a) හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක
 (b) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය
 (c) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය
 ලියා දක්වන්න.

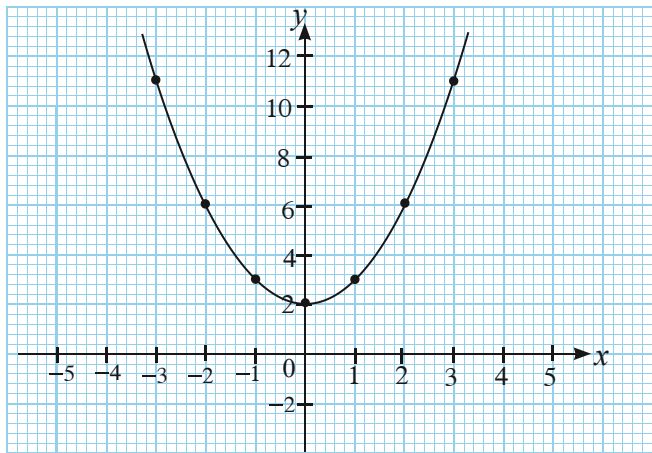
23.2 $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය

$y = ax^2 + b$ ආකාර ශ්‍රිතයක b අගය ධන වීම, ප්‍රස්තාරයක ලක්ෂණ හඳුනා ගැනීමට $y = x^2 + 2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳිමු.

මේ සඳහා $-3 \leq x \leq 3$ පරාසය තුළ පිළියෙළ කළ වගුවක් පහත දැක්වේ.

x	x^2	$x^2 + 2$	y	ඛණ්ඩාංක
-3	9	11	11	(-3, 11)
-2	4	6	6	(-2, 6)
-1	1	3	3	(-1, 3)
0	0	2	2	(0, 2)
1	1	3	3	(1, 3)
2	4	6	6	(2, 6)
3	9	11	11	(3, 11)

එය භාවිත කර අඳින ලද $y = x^2 + 2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය පහත දැක්වේ.





මේ අනුව,

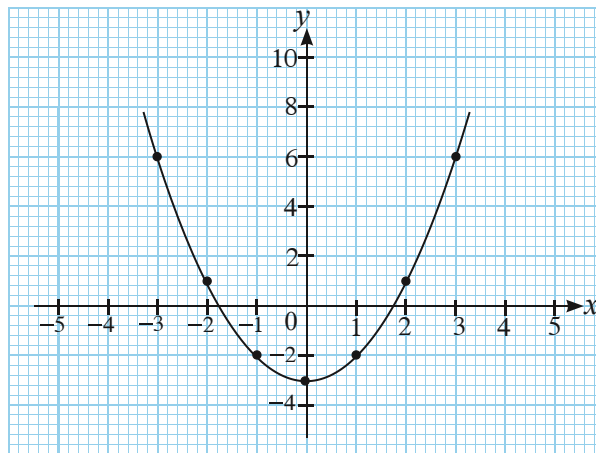
- $y = x^2 + 2$ ප්‍රස්තාරය, අවම ලක්ෂ්‍යයක් ඇති පරාවලයකි.
- එහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.
- හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංකය $(0, 2)$ වේ.
- ශ්‍රිතයේ අවම අගය 2 වේ.

$y = ax^2 + b$ ආකාර ශ්‍රිතයක b අගය ඍණ වූ විට, ප්‍රස්තාරයේ ලක්ෂණ හඳුනා ගැනීමට $y = x^2 - 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය සලකමු.

මේ සඳහා $-3 \leq x \leq 3$ පරාසය තුළ පිළියෙළ කළ වගුවක් පහත දැක්වේ.

x	x^2	$x^2 - 3$	y	ඛණ්ඩාංක
-3	9	6	6	$(-3, 6)$
-2	4	1	1	$(-2, 1)$
-1	1	-2	-2	$(-1, -2)$
0	0	-3	-3	$(0, -3)$
1	1	-2	-2	$(1, -2)$
2	4	1	1	$(2, 1)$
3	9	6	6	$(3, 6)$

පහත දක්වා ඇත්තේ එය භාවිත කර අඳින ලද $y = x^2 - 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරයයි.



මේ අනුව,

- $y = x^2 - 3$ ප්‍රස්තාරය අවම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත පරාවලයකි.
- එහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.
- එහි හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංකය $(0, -3)$ වේ.
- ශ්‍රිතයේ අවම අගය -3 වේ.





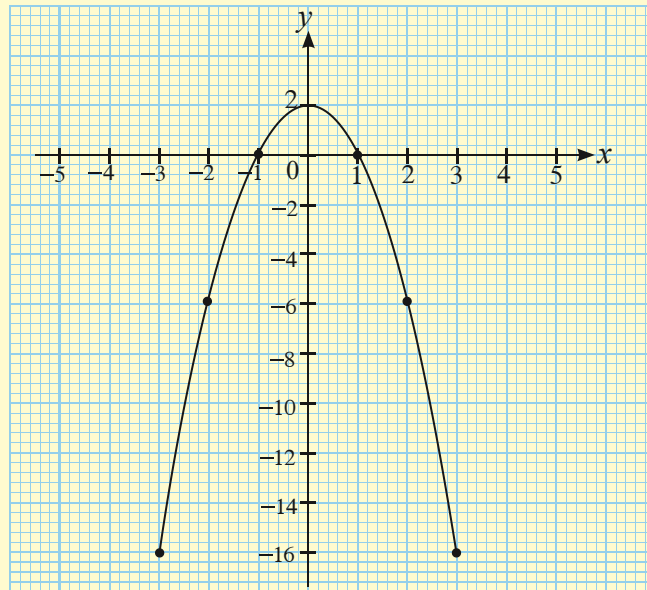
$y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල මෙතෙක් අප අධ්‍යයනය කරන ලද්දේ a ධන අගයක් වූ අවස්ථා වේ. දැන් $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක a හි අගය ඍණ අගයක් වූ අවස්ථාවක් සලකමු.

නිදසුන 1

$y = -2x^2 + 2$ ශ්‍රිතය සලකමු. මේ සඳහා, $-3 \leq x \leq 3$ පරාසය තුළ පිළියෙළ කළ වගුවක් පහත දැක්වේ.

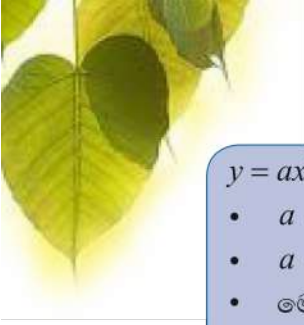
x	x^2	$-2x^2$	$-2x^2 + 2$	y	බණ්ඩාංක
-3	9	-18	-16	-16	(-3, -16)
-2	4	-8	-6	-6	(-2, -6)
-1	1	-2	0	0	(-1, 0)
0	0	0	2	2	(0, 2)
1	1	-2	0	0	(1, 0)
2	4	-8	-6	-6	(2, -6)
3	9	-18	-16	-16	(3, -16)

එය භාවිත කර අඳින ලද $y = -2x^2 + 2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්ථාරය පහත දැක්වේ.



මේ අනුව,

- $y^2 = -2x^2 + 2$ උපරිම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත පරාවලයකි.
- එහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.
- හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංකය (0, 2) වේ.
- ශ්‍රිතයේ උපරිම අගය 2 වේ.



$y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාර,

- a ධන අගයක් වූ විට අවම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත පරාවල වේ.
- a ඍණ අගයක් වූ විට උපරිම ලක්ෂ්‍යයක් සහිත පරාවල වේ.
- මෙහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.
- හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක $(0, b)$ වේ.
- ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය b වේ.

නිදසුන 2

$y = 4x^2 - 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරයේ,

- සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය
- හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක
- ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියා දක්වන්න.

(i) $y = 4x^2 - 3$ ශ්‍රිතය, $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයකි. එබැවින් එහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.

(ii) $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාරයන්හි හැරුම් ලක්ෂ්‍යය $(0, b)$ වේ. එබැවින් $y = 4x^2 - 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරයේ හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක $(0, -3)$ වේ.

(iii) $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාර a ධන අගයක් වූ විට අවම ලක්ෂ්‍යයක් ඇති පරාවල වේ. එබැවින් $y = 4x^2 - 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අවම ලක්ෂ්‍යයක් ඇති පරාවලයකි. ශ්‍රිතයේ අවම අගය -3 වේ.

නිදසුන 3

$y = -3x^2 + 5$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරයේ

- සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය
- හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක
- ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියා දක්වන්න.

(i) $y = -3x^2 + 5$ ශ්‍රිතය, $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයකි. එබැවින් එහි සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය $x = 0$ වේ.

(ii) $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාරයන්හි හැරුම් ලක්ෂ්‍යය $(0, b)$ වේ. එබැවින් $y = -3x^2 + 5$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරයේ හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක $(0, 5)$ වේ.

(iii) $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාර a ඍණ අගයක් වූ විට උපරිම ලක්ෂ්‍යයක් ඇති පරාවල වේ. එබැවින් $y = -3x^2 + 5$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය උපරිම ලක්ෂ්‍යයක් ඇති පරාවලයකි. ශ්‍රිතයේ උපරිම අගය 5 වේ.





23.2 අභ්‍යාසය

1. (i) $-3 \leq x \leq 3$ අගයන් යොදා ගනිමින් $y = x^2 + 5$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
 (ii) අඳින ලද ප්‍රස්තාරය ඇසුරින්,
 (a) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය,
 (b) හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක,
 (c) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියා දක්වන්න.

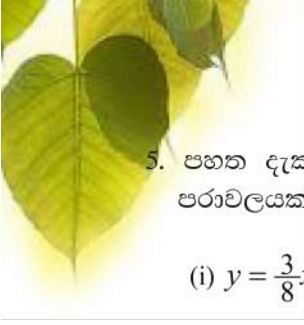
2. (i) $-3 \leq x \leq 3$ අගයන් යොදා ගනිමින් $y = x^2 - 2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
 (ii) අඳින ලද ප්‍රස්තාරය ඇසුරින්,
 (a) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය,
 (b) හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක,
 (c) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියා දක්වන්න.

3. (i) $-3 \leq x \leq 3$ අගයන් යොදා ගනිමින් $y = -2x^2 + 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
 (ii) අඳින ලද ප්‍රස්තාරය ඇසුරින්,
 (a) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය,
 (b) හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක,
 (c) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියා දක්වන්න.

4. $y = -2x^2 - 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාර ඇඳීම සඳහා සකස් කළ අසම්පූර්ණ අගය වගුවක් පහත දැක්වේ.

x	x^2	$-2x^2$	$-2x^2 - 3$	y
-3
-2
-1
0	0	0	-3	-3
1
2
3	9	-18	-21	-21

- (i) එය සම්පූර්ණ කර $y = -2x^2 - 3$ හි ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
- (ii) අඳින ලද ප්‍රස්තාරය ඇසුරින්,
 (a) සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය,
 (b) හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක,
 (c) ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය ලියා දක්වන්න.



5. පහත දැක්වෙන ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාරය උපරිමක් සහිත පරාවලයක් ද අවමයක් සහිත පරාවලයක් ද යන්න සඳහන් කරන්න.

- (i) $y = \frac{3}{8}x^2 + 3$ (ii) $y = 11x^2 - 4$ (iii) $y = -\frac{2}{9}x^2 + 2$
 (iv) $y = -\frac{5}{7}x^2 - 3$ (v) $y = 10x^2 + 3$ (vi) $y = -3x^2 + 11$

6. පහත දැක්වෙන ශ්‍රිතවල ප්‍රස්තාරය ඇඳීමෙන් තොරව දී ඇති වගුව සම්පූර්ණ කරන්න.

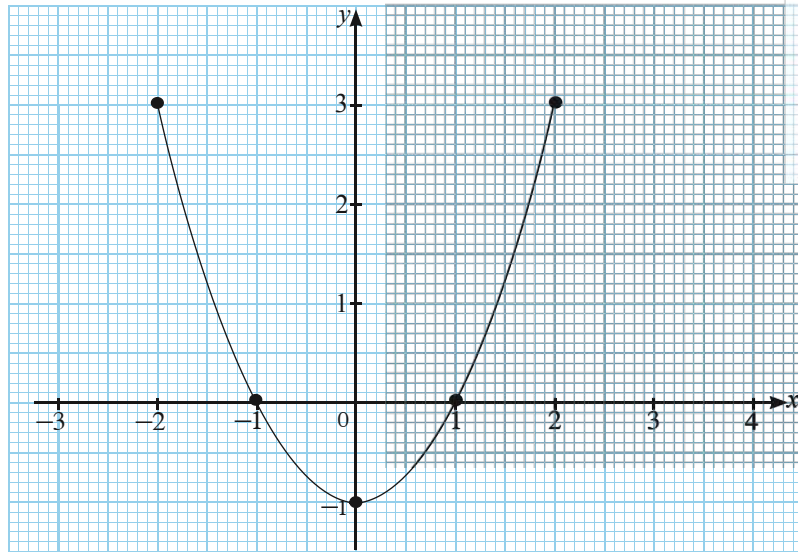
ශ්‍රිතය	සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය	හැරුම් ලක්ෂ්‍යයේ ඛණ්ඩාංක	ශ්‍රිතයේ උපරිම හෝ අවම අගය
$y = 8x^2 - 7$
$y = 4 - 5x^2$
$y = 3x^2 + \frac{1}{5}$
$y = 2x^2 - \frac{1}{4}$
$y = \frac{1}{2}x^2 + 3$
$y = \frac{4}{3}x^2 - 1$
$y = \frac{5}{2}x^2 - \frac{1}{3}$

23.3 $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් ශ්‍රිතයේ දෙන ලද අගය ප්‍රාන්තරයකට අදාළ x හි අගය ප්‍රාන්තරය සෙවීම

අවම අගයක් සහිත ශ්‍රිතයක y හි අගය ප්‍රාන්තරයකට අදාළ x හි අගය ප්‍රාන්තරය හඳුනා ගැනීම සඳහා $y = x^2 - 1$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාර සලකමු. පළමුව $y = x^2 - 1$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳිමු.

x	x^2	$x^2 - 1$	y	ඛණ්ඩාංක
-2	4	3	3	(-2, 3)
-1	1	0	0	(-1, 0)
0	0	-1	-1	(0, -1)
1	1	0	0	(1, 0)
2	4	3	3	(2, 3)





මෙම ප්‍රස්තාරයේ,

- (i) $y > 0$ විට ප්‍රස්තාරය ධන අගය ගනී.
- (ii) $y < 0$ විට ප්‍රස්තාරය ඍණ අගය ගනී.

පහත සඳහන් අවස්ථා ප්‍රස්තාරය නිරීක්ෂණයෙන් ලබා ගනිමු.

- (i) x හි අගය -2 සිට -1 තෙක් වැඩි වීමේදී ශ්‍රිතය ධනව අඩු වේ.
- (ii) x හි අගය -1 සිට 0 තෙක් වැඩි වීමේදී ශ්‍රිතය ඍණව අඩු වේ.
- (iii) x හි අගය 0 සිට 1 තෙක් වැඩි වීමේදී ශ්‍රිතය ඍණව වැඩි වේ.
- (iv) x හි අගය 1 සිට 2 තෙක් වැඩි වීමේදී ශ්‍රිතය ධනව වැඩි වේ.

එසේම,

- $-1 < x < 1$ (-1 ත් 1 ත් අතර) ප්‍රාන්තරයේදී ශ්‍රිතය ඍණ වේ.
- $x < -1$ හා $x > 1$ ප්‍රාන්තරයේදී ශ්‍රිතය ධන වේ.

නිදසුන 1

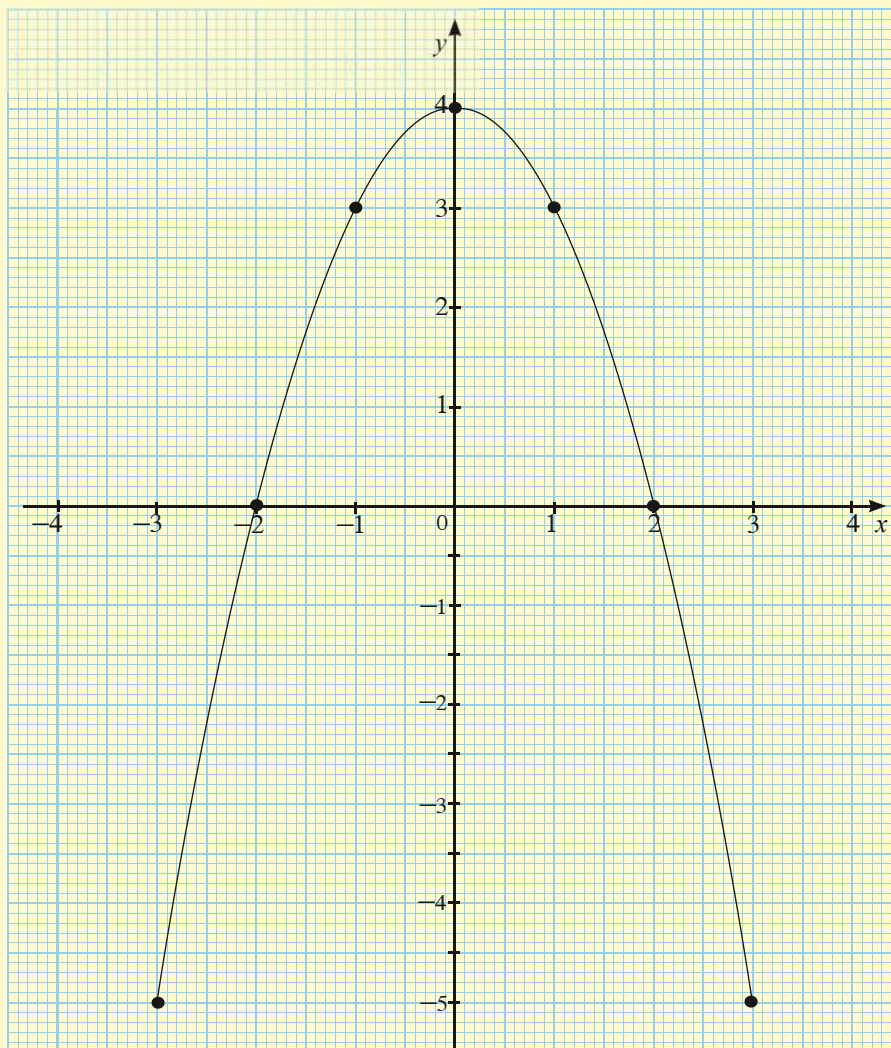
$y = 4 - x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න. එමගින්,

- (i) $y > 0$ (ශ්‍රිතය ධන වන) x හි අගය ප්‍රාන්තරය සොයන්න.
- (ii) ශ්‍රිතය ඍණව වැඩි වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
- (iii) ශ්‍රිතය ධනව වැඩි වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
- (iv) ශ්‍රිතය ධනව අඩු වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
- (v) ශ්‍රිතය ඍණව අඩු වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?





x	$-x^2$	$4-x^2$	විෂ්කම්භ
-3	-9	-5	$(-3, -5)$
-2	-4	0	$(-2, 0)$
-1	-1	3	$(-1, 3)$
0	0	4	$(0, 4)$
1	-1	3	$(1, 3)$
2	-4	0	$(2, 0)$
3	-9	-5	$(3, -5)$





- (i) $y > 0$ වන්නේ x අක්ෂයේ එනම් $y = 0$ රේඛාවෙන් ඉහළ කොටසේ ය. එනම් -2 ත් $+2$ ත් අතර ප්‍රාන්තරයේ වේ. එය $-2 < x < 2$ ලෙස දැක්විය හැකි ය.
- (ii) $-3 < x < -2$ (iii) $-2 < x < 0$
- (iv) $0 < x < 2$ (v) $2 < x < 3$

23.3 අභ්‍යාසය

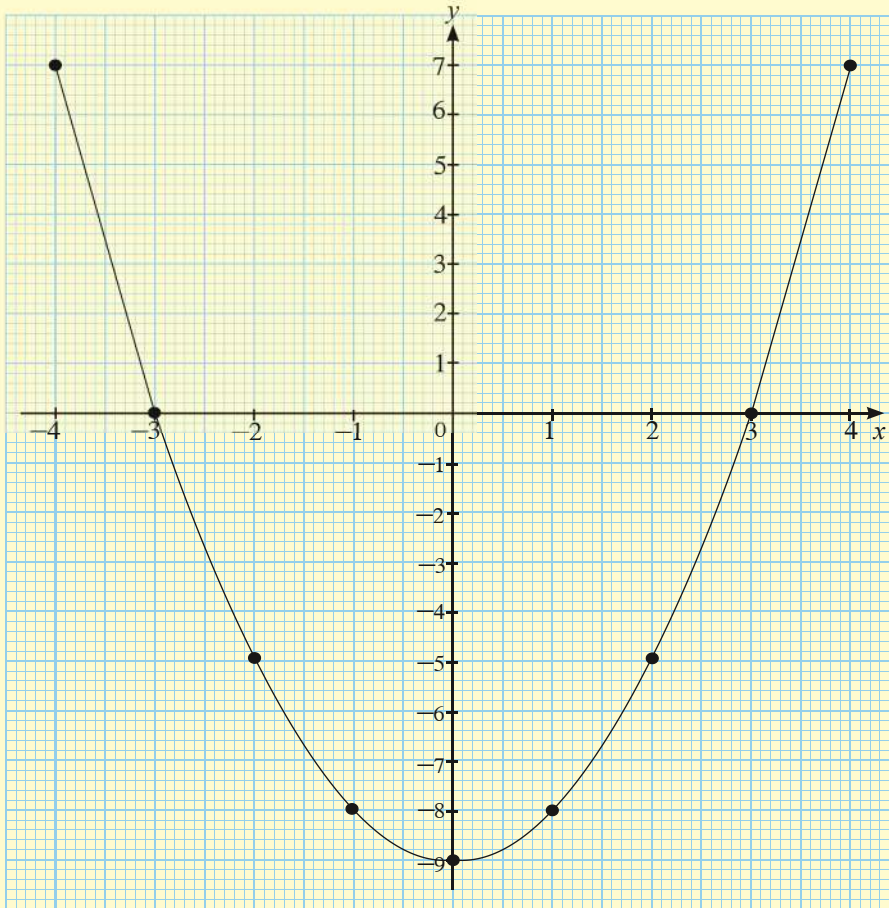
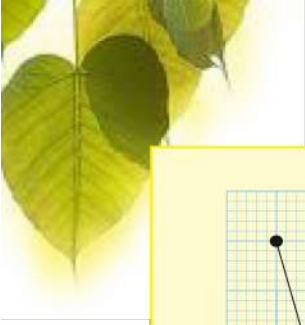
1. $y = x^2 - 4$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය $-3 \leq x \leq 3$ පරාසය තුළ අඳින්න. එමගින්,
 - (i) $y > 0$ (ශ්‍රිතය ධන වන) x හි අගය ප්‍රාන්තරය සොයන්න.
 - (ii) ශ්‍රිතය ඍණව වැඩි වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
 - (iii) ශ්‍රිතය ධනව වැඩි වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
 - (iv) ශ්‍රිතය ධනව අඩු වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
 - (v) ශ්‍රිතය ඍණව අඩු වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
2. $y = -2x^2 + 3$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය $-3 \leq x \leq 3$ පරාසය තුළ අඳින්න. එමගින්,
 - (i) $y > 0$ (ශ්‍රිතය ධන වන) x හි අගය ප්‍රාන්තරය සොයන්න.
 - (ii) ශ්‍රිතය ඍණව වැඩි වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
 - (iii) ශ්‍රිතය ධනව වැඩි වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
 - (iv) ශ්‍රිතය ධනව අඩු වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?
 - (v) ශ්‍රිතය ඍණව අඩු වන x හි අගය ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?

23.4 $y = ax^2 + b$ ආකාරයේ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් $ax^2 + b = 0$ ආකාරයේ සමීකරණයක මූල සෙවීම

නිදසුන 1

$x^2 - 9 = 0$ සමීකරණය සලකන්න. එහි මූල ප්‍රස්තාරිකව පහත පරිදි සෙවිය හැකි ය. ඒ සඳහා පළමුව $y = x^2 - 9$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳිමු.

x	x^2	$x^2 - 9$	y	ඛණ්ඩාංක
-4	16	$16 - 9 = 7$	7	(-4, 7)
-3	9	$9 - 9 = 0$	0	(-3, 0)
-2	4	$4 - 9 = -5$	-5	(-2, -5)
-1	1	$1 - 9 = -8$	-8	(-1, -8)
0	0	$0 - 9 = -9$	-9	(0, -9)
1	1	$1 - 9 = -8$	-8	(1, -8)
2	4	$4 - 9 = -5$	-5	(2, -5)
3	9	$9 - 9 = 0$	0	(3, 0)
4	16	$16 - 9 = 7$	7	(4, 7)



මෙම ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය මගින් x අක්ෂය $+3$ හා -3 ලක්ෂ්‍ය දෙකේදී ඡේදනය වේ. එම අවස්ථා දෙකේදී ම y හි බණ්ඩාංකය 0 වේ.

එනම් $x = +3$ විටත් $x = -3$ විටත් $x^2 - 9 = 0$ වේ. මේ අනුව, $x^2 - 9 = 0$ සමීකරණයේ මූල $+3$ සහ -3 වන බව පෙනේ.

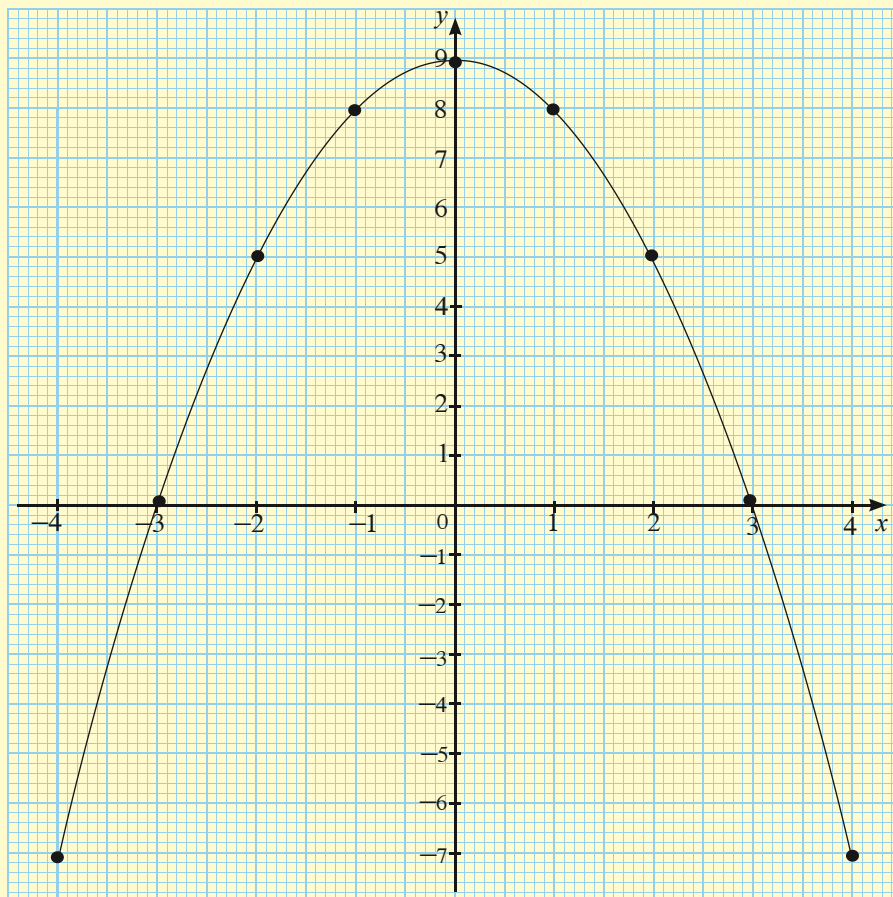


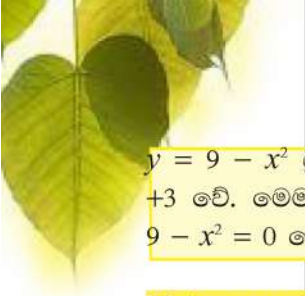


නිදසුන 2

$9 - x^2 = 0$ සමීකරණයේ මූල ප්‍රස්තාරිකව සොයමු. ඒ සඳහා පළමුව $y = 9 - x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳිමු.

x	x^2	$9 - x^2$	y	ඛණ්ඩාංක
-4	16	$9 - 16 = -7$	-7	$(-4, -7)$
-3	9	$9 - 9 = 0$	0	$(-3, 0)$
-2	4	$9 - 4 = 5$	5	$(-2, 5)$
-1	1	$9 - 1 = 8$	8	$(-1, 8)$
0	0	$9 - 0 = 9$	9	$(0, 9)$
1	1	$9 - 1 = 8$	8	$(1, 8)$
2	4	$9 - 4 = 5$	5	$(2, 5)$
3	9	$9 - 9 = 0$	0	$(3, 0)$
4	16	$9 - 16 = -7$	-7	$(4, -7)$





$y = 9 - x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය x අක්ෂය ඡේදනය කරන ලක්ෂ්‍ය දෙක වන්නේ -3 සහ $+3$ වේ. මෙම ලක්ෂ්‍ය දෙකේ y බන්ධාංකය 0 වේ. $x = -3$ විට දීත් $x = +3$ විට දීත් $9 - x^2 = 0$ වේ. එනම් $9 - x^2 = 0$ සමීකරණයේ මූල $+3$ සහ -3 වේ.

23.4 අභ්‍යාසය

1. $-3 \leq x \leq 3$ අගයන් ඇසුරින් $y = x^2 - 4$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය ඇඳීම සඳහා ගොඩනඟන ලද අගය වගුවක් පහත දැක්වේ.

x	x^2	$x^2 - 4$	y
-3	9	$9 - 4 = 5$	5
-2	4	$4 - 4 = 0$	0
-1	1	$1 - 4 = -3$
0	0	$0 - 4 = -4$
1	1	-3
2	$4 - 4 = 0$	0
3	9	5

- (i) ඉහත වගුව සම්පූර්ණ කරන්න.
 - (ii) මෙම වගුව භාවිත කර $y = x^2 - 4$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
 - (iii) අදින ලද ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් $x^2 - 4 = 0$ සමීකරණයේ මූල සොයන්න.
2. (i) $-3 \leq x \leq 3$ අගයන් ඇසුරින් $y = 1 - x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය ඇඳීම සඳහා අගය වගුවක් ගොඩනඟන්න.
- (ii) ගොඩනඟන ලද වගුව භාවිත කර $y = 1 - x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
 - (iii) අදින ලද ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් $1 - x^2 = 0$ සමීකරණයේ මූල සොයන්න.
3. $-2 \leq x \leq 2$ අගයන් ඇසුරින් $y = 16 - 9x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය ඇඳීම සඳහා ගොඩනඟන ලද අගය වගුවක් පහත දැක්වේ.

x	x^2	$-9x^2$	$16 - 9x^2$	y
-2	4	-36	$16 - 36$	-20
-1	1	$16 - 9$	7
0	0	0
1	1	-9
2	4	-36	$16 - 36$

- (i) ඉහත වගුව සම්පූර්ණ කරන්න.
- (ii) මෙම වගුව භාවිත කර $y = 16 - 9x^2$ ශ්‍රිතයේ ප්‍රස්තාරය අඳින්න.
- (iii) අදින ලද ප්‍රස්තාරය ඇසුරින් $16 - 9x^2 = 0$ සමීකරණයේ මූල සොයන්න.

