







03.  $C_0, C_1, C_2, \dots, C_n$  යනු  $(1+x)^n$  ගුණකේතයේ ගුණක සංගණකයේ සංගණකයයි.

$$C_0^2 + C_1^2 + C_2^2 + \dots + C_n^2 = \frac{(2n)!}{(n!)^2} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

04.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left[ \frac{1}{2n^2} + \frac{2}{2n^2} + \frac{3}{2n^2} + \dots + \frac{n}{2n^2} \right] = \frac{1}{4}$  බව පෙන්වන්න.





දෙවන වාර පරීක්ෂණය - 2019 මාර්තු  
අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු

සංයුක්ත ගණිතය I  
Combined Maths I 13 ශ්‍රේණිය

\* B කොටසින් ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

B කොටස

11. (a)  $\lambda$  යනු තාත්වික නියතයක් වීම  $10x^2 + 4x + 1 = 2\lambda x(2 - x)$  සමීකරණයේ මූල  $\alpha$  හා  $\beta$  වේ.

(i)  $\frac{\alpha^2}{\beta}$  හා  $\frac{\beta^2}{\alpha}$  මූලවන සමීකරණය සොයන්න.

(ii)  $\alpha$  හා  $\beta$  තාත්වික වන පරිදි  $\lambda$  හි අගය පරාසය සොයන්න.  $\alpha = \beta$  වීම සඳහා  $\lambda$  හි අගයන් අපේක්ෂා කිරන්න.

(iii)  $f(x) = 2(5+k)x^2 + 4(1-k)x + 1$  හා  $F(x) = \frac{1}{f(x)}$  ලෙස දී ඇත්නම්  $f(x) = 0$  හි මූල

තාත්වික වන බවද  $F(x)$  හි අවම අගය  $F(x_1)$  වන බවද දී ඇත.  $k$  යනු තාත්වික නියතයක් වේ.

( $\alpha$ )  $k$  හි අගය කුලකය සොයන්න.

( $\beta$ )  $x_1$  සෙවීමෙන්  $F(x_1)$  හි අවම අගය  $k$  ඇසුරෙන් සොයන්න.

(b)  $f(x)$  ඒකජ ශ්‍රිතය  $(x-1)$ ,  $(x-2)$  හා  $(x+2)$  න් බෙදූවිට ශේෂයන් පිළිවෙලින්  $-1$ ,  $4$  හා  $2$  වේ.

$g(x) = px^3 + qx^2 + rx - 5 = 2x \cdot f(x) - 1$  වේ නම්  $p, q, r$  සොයන්න.

12. (a)  $(3+7x)^{29}$  ද්විපද ප්‍රසාරණයේ  $r$  වන පදයේ හා  $(r+1)$  වන පදයේ සංගුණක සමාන නම්  $r$  වන පදය සොයන්න. එහි සංගුණකය සොයන්න.

(b) කොටස් කුහසින් සමන්විත ගණිත ප්‍රශ්න පත්‍රයක එක් කොටසක් ප්‍රශ්න පහකින් සමන්විත වේ නම් අඩු වශයෙන් එක් කොටසකින් එක් ප්‍රශ්නයක් වත් තෝරාගෙන මුළු ප්‍රශ්න 5 කට පිළිතුරු ලිවිය හැකි ආකාර ගණන සොයන්න.

(c)  $\frac{1^4}{1 \times 3} + \frac{2^4}{3 \times 5} + \frac{3^4}{5 \times 7} + \dots$  ශ්‍රේණියේ  $r$  වන පදය  $U_r$  ලියා දක්වන්න. හිතන භාග

භාවිතයෙන් ශ්‍රේණියේ පද  $n$  වල ඵලකය  $\frac{n(n+1)(n^2+n+1)}{6(2n+1)}$  බව පෙන්වන්න.

මෙහි,  $\sum_{r=1}^n r^2 = \frac{n}{6} (n+1)(2n+1)$  වේ.



16.  $S$  හා  $S^1$  යනු පිළිවෙලින් අරයන්  $r$  හා  $r^1$  ද කේන්ද්‍රයන් පිළිවෙලින්  $C$  හා  $C^1$  ද ලෙස ඇති වෘත්ත දෙකකි.  $S$  හා  $S^1$  අභ්‍යන්තරව ස්පර්ශ වන්නේ  $|r - r^1| = C C^1$  නම් හා නම්ම පමණක් බව පෙන්වන්න.  $S$  හා  $S^1$  වෘත්ත බාහිරව ස්පර්ශ කිරීම සඳහා අනිවාර්ය හා ප්‍රමාණවත් අවශ්‍යතාව ප්‍රකාශ කරන්න.

$S_1 = x^2 + y^2 - 6x + 8 = 0$  හා  $S_2 = x^2 + y^2 - 4 = 0$  වෘත්ත දෙක බාහිරව ස්පර්ශ කරන බව පෙන්වන්න.

$\lambda > -2$  හා  $\lambda \neq 0$  වූ  $\lambda$  හි සියලුම තාත්වික අගයන් සඳහා  $S_3 = x^2 + y^2 + 2\lambda x - 4(1 + \lambda) = 0$  වෘත්තය  $S_2 = 0$  වෘත්තය අභ්‍යන්තරවද  $S_1 = 0$  වෘත්තය බාහිරවද ස්පර්ශ කරන බව පෙන්වන්න.

$4x + 3y - 44 = 0$  සරල රේඛාව ස්පර්ශ කරමින්  $S_2 = 0$  වෘත්තය අභ්‍යන්තරවද  $S_1 = 0$  වෘත්තය බාහිරව ස්පර්ශ කරන වෘත්තයේ අරය සොයන්න.  $S_1 = 0$  හා  $S_2 = 0$  වෘත්ත දෙකම අභ්‍යන්තරව ස්පර්ශ කරන වෘත්තයක් පවතීද?

17. (a)  $\cos \theta = \frac{\sin \beta}{\sin \alpha}$ ,  $\cos \phi = \frac{\sin \gamma}{\sin \alpha}$  සහ  $\cos(\theta - \phi) = \sin \beta \cdot \sin \gamma$  යැයි ගනිමු. මෙහි  $0 < \alpha, \beta, \gamma < \frac{\pi}{2}$  වනවිට  $\tan^2 \alpha = \tan^2 \beta + \tan^2 \gamma$  බව සාධනය කරන්න.

(b)  $2^1 + |\cos x| + |\cos x|^2 + |\cos x|^3 + \dots = 4$  සමීකරණයෙහි සාධාරණ විසඳුම් සොයන්න.

(c) (i)  $f(x) = \cos^2 x - 2 \sin x \cos x - \sin^2 x$  යැයි ගනිමු. මෙහි  $0 < x < 2\pi$  වේ.  
 $f(x) = a \cos(bx + \alpha)$  ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න. මෙහි  $a, b$  සහ  $\alpha$  නිර්ණය කළයුතු නියත වේ.

(ii)  $0 < x < 2\pi$  සඳහා  $y = f(x)$  හි දළ ප්‍රස්ථාරය අඳින්න.





13. (a)  $f(x) = \frac{x^3(ax+b)}{(x+2)^3}$  ලෙස දී ඇත. මෙහි  $x \neq -2$  වේ.  $\left(-7, -\frac{2401}{25}\right)$  යනු  $f(x)$  හි හැරුම් ලක්ෂ්‍යයකි.  $a = 6$  හා  $b = 7$  බව පෙන්වා සියලුම හැරුම් ලක්ෂ්‍ය සොයන්න.

$f''(x) = \frac{12(17x^2 + 14x)}{(x+2)^5}$  බව පෙන්වා එනයිත් අවශ්‍ය ප්‍රාන්තරවලදී අවකලනය පැහැදිලිව දක්වමින් මූලයේ දළ ප්‍රස්ථාරය අඳින්න.

- (b) OA යනු මූල ලක්ෂ්‍යය වේ.  $y = 3 - \frac{x^2}{12}$  වක්‍රය මත x අක්ෂයට සමාන්තරව පිහිටි ලක්ෂ්‍ය 2 ක් A හා B වේ. AB රේඛාව x අක්ෂයට ඉහළින් පිහිටයි. OAB ත්‍රිකෝණයේ වර්ගඵලයට ගතහැකි වැඩිතම අගය සොයන්න.

14. (a)  $\int_a^b f(x) dx = \int_a^b f(a+b-x) dx$  බව සාධනය කරන්න.

$\int_{\pi/6}^{\pi/3} \frac{dx}{1 + \tan^{1/3} x}$  අගයන්න.

(b)  $\int \frac{dx}{\sqrt{x}(\sqrt[4]{x}+1)^{2019}}$  අගයන්න.

- (c)  $\int \cos 2x \ln |1 + \tan x| dx$  කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන් හෝ අන්ත්‍රමයකින් හෝ අනුකලනය කරන්න.

- (d)  $y = \sqrt{x-1}$  හා  $y = (x-1)^2$  වක්‍ර වලින් පර්යන්ත වන කොටස් වර්ගඵලය x අක්ෂය වටා  $360^\circ$  කෝණයකින් පරිභ්‍රමණයේදී ජනනය වන පරිමාව සොයන්න.

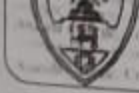
15.  $ax + by + c = 0$  යනු u නම් රේඛාවක සමීකරණය වන අතර  $P = (x_1, y_1)$  සහ  $Q = (x_2, y_2)$  යනු u රේඛාවේ දෙපස පිහිටි ලක්ෂ්‍ය දෙකකි. u මගින් PQ රේඛාව බෙදනු ලබන අනුපාතය සොයන්න. P සහ Q යන ලක්ෂ්‍ය u රේඛාව දෙපස පිහිටීම සඳහා අවශ්‍යතාව ලබාගන්න.

$A(-1, -1)$  සහ  $C(3, 1)$  යනු ABCD සමාන්තරාස්‍රයක ප්‍රතිවිරුද්ධ ශීර්ෂ දෙකකි. BD විකර්ණය  $8x - y = 0$  රේඛාවට සමාන්තර වේ. එහි දිග ඒකක  $\sqrt{65}$  කි. B ලක්ෂ්‍යය පළමුවන වෘත්ත පාදයේ වේ.

- (i) B හා D හි ඛණ්ඩාංක සොයන්න.
- (ii)  $\hat{A}BC$  හා  $\hat{B}AC$  අභ්‍යන්තර කෝණ සමවිච්ඡේදකවල සමීකරණ සොයන්න.
- (iii) ABC ත්‍රිකෝණයේ අන්තර් වෘත්ත කේන්ද්‍රය සොයන්න.







දෙවන වාර පරීක්ෂණය - 2019 මාර්තු  
අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු

සංයුක්ත ගණිතය II  
Combined Maths II

13 ශ්‍රේණිය

පැය 03  
03 hours

නම : .....

**උපදෙස් :**

- \* මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ.  
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17)
- \* A කොටස  
සියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු සපයා ඇති ඉපෙති ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකිය.
- \* B කොටස  
ප්‍රශ්න පහතට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.
- \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටස, B කොටසට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අනුභව විභාග භාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- \* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග භාලාවෙන් පිටතට ගෙනයාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරීක්ෂකගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණිතය II		
කොටස	ප්‍රශ්න අංක	ලැබූ ලකුණු
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	
	ප්‍රතිශතය	

පත්‍රය I	
පත්‍රය II	
එකතුව	
අවසාන ලකුණු	

අවසාන ලකුණු

ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

සංකේත අංක

උත්තර පත්‍ර පරීක්ෂක	
පරීක්ෂා කළේ:	1
	2
අධීක්ෂණය	

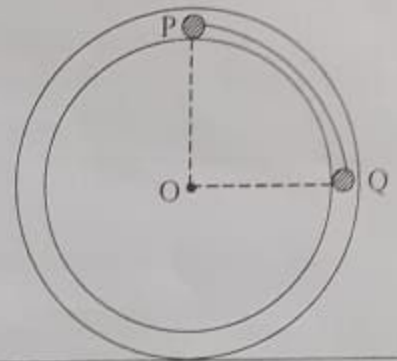






12. (a) තිරස් සුමට අවල තලයක් මත ස්කන්ධය 2 m වූ තිරසට  $\alpha$  ආනතියක් සහිත කුඤ්ඤයක් තබා ඇත. තිරසට  $\alpha$  ආනත සුමට මුහුණත මත ස්කන්ධය m වන අංශුවක් තබා සිරුවෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. රේඛීය ගමනට සංස්ථිති මූලධර්මය සහ යාන්ත්‍රික ශක්ති සංස්ථිති මූලධර්මය භාවිතා කරමින් කුඤ්ඤයට සාපේක්ෂව අංශුවේ ත්වරණයන් පොළවට සාපේක්ෂව කුඤ්ඤයේ ත්වරණයන් සොයන්න.

(b) ස්කන්ධ පිළිවෙලින් m හා 2 m වන P හා Q අංශු දෙකක් සැහැල්ලු අවිනතය තත්කුඩකින් ඇඳා රූපයේ දැක්වෙන පරිදි සිරස් තලයක සිටින සේ අවලව සවිකරන ලද අරය r වූ සුමට සිහින් නලයක් කුළු තබා සිරුවෙන් මුදාහරිනු ලැබේ. P අංශුව  $\theta$  කෝණයකින් හැරී වලනය වනවිට P හි ප්‍රවේගයන් P මත නලයෙන් ඇතිවන ප්‍රතික්‍රියාවන් සොයන්න.



තවද P හා Q අංශුවල ප්‍රවේග අසමාන වන කෝණය සොයා එවිට P මත නලයෙන් ඇතිවන ප්‍රතික්‍රියාව ද සොයන්න.

තවද P හා Q හි ප්‍රවේග අසමාන වීමට පෙර P මත නලයෙන් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියාව ශුන්‍ය වන්නේ ද? පිළිතුර සනාථ කරන්න.

13. ස්වභාවික දිග l වන ප්‍රත්‍යස්ථ දුන්නක් අවල තලයක් මත සිරස් ලෙස සිටුවා තිබේ. ස්කන්ධය m වන අංශුවක් දුන්න මත සිරුවෙන් තබා සමතුලිතව පවතින්නේ දුන්න d දුරක් සම්පීඩනය වීමෙනි. දුන්න සම්පීඩනය නොවී ඇතිවිට (ස්වභාවික දිගෙහි ඇතිවිට) එහි ඉහළ කෙළවරේ සිට තවත් 2d උසක් සිරස්ව ඉහළින් පිහිටි ලක්ෂ්‍යයක සිට ස්කන්ධය 2m වූ තවත් අංශුවක් පළමු අංශුව මතට අනහරිනු ලැබේ. අංශු දෙක ගැටෙනවාත් සමගම ඒවා තනි අංශුවක් ලෙස සංයුක්ත වේ. ගැටුමෙන් පසු සංයුක්ත අංශුව චලිතය ආරම්භ කරන ප්‍රවේගයේ විශාලත්වය සොයන්න.

අංශු ගැටෙන පිහිටීමේ සිට පහළට මතින විස්තාරනය x නම් සංයුක්ත අංශුවේ චලිතය  $\ddot{x} + \frac{g}{3d}(x - 2d) = 0$

මගින් දැක්විය හැකි බව පෙන්වන්න.

මෙම චලිතයේ විසඳුම  $x = A \cos \omega t + B \sin \omega t + C$  ආකාරයේ විසඳුමක් වේ.

මෙහි A, B, C හා  $\omega$  මඬ විසින් නිර්ණය කළයුතු තාත්වික නියත වේ. ඒ නයින් ඉහත චලිතයේ

- (i) නාභියට (දෝලන කේන්ද්‍රයට) ගැටුම් ලක්ෂ්‍යයේ සිට දුර හා නාභියේ දී ප්‍රවේගයන්
- (ii) විස්තාරයන් සොයන්න.

තවද සංයුක්ත අංශුව දුන්න මත පවතින මුද්‍ර කාලය  $\sqrt{\frac{3d}{g}} \left( \frac{11\pi}{6} - \cos^{-1} \frac{1}{\sqrt{3}} \right)$  බව අපෝහනය කරන්න.

14. (a) දුම්ඵියක ස්කන්ධය w kg වන අතර නියත ප්‍රතිරෝධය කිලෝග්‍රෑම් බර R වේ. ක්ලෝග්‍රෑම් බර P වන ප්‍රකර්ශන බලයට යටත්ව මීටර S දුර ප්‍රමාණයක් චලිත වීමට දුම්ඵිය ගන්නා අවම කාලය ප්‍රවේග

කාල ප්‍රස්තාරය ඇසුරින්  $\left[ \frac{2S}{g} \cdot \frac{wP}{R(P-R)} \right]^{1/2}$  බව පෙන්වා දුම්ඵියේ උපරිම ප්‍රවේගය

$\left[ \frac{2gSR(P-R)}{wP} \right]^{1/2}$  බව ද පෙන්වන්න.

(b) සමාන අරයන් ඇති A, B සහ C ගෝලවල ස්කන්ධ පිළිවෙලින් 7 m, 7 m හා m වන අතර ඒවා කේවල ප්‍රත්‍යස්ථ වේ. ඒවායේ කේන්ද්‍ර ඒකරේඛීය වන අතර A හා B අතර C පිහිටයි. ආරම්භයේදී A හා B හා නිශ්චලව පවතින අතර C ගෝලයට කේන්ද්‍ර යා කරන රේඛාව මස්සේ A දෙසට ප්‍රවේගයක් දෙනු ලැබේ. C ගෝලය A ගෝලය සමඟත් පසුව B සමඟත් ගැටී නැවත A සමඟත් එක් වරක් ගැටීමෙන් පසු A, B සහ C ගෝලවල අවසාන ප්‍රවේග අතර අනුපාතය 21 : 12 : 1 බව පෙන්වන්න.





දෙවන වාර පරීක්ෂණය - 2019 මාර්තු  
අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු

සංයුක්ත ගණිතය II  
Combined Maths II 13 ශ්‍රේණිය

\* B කොටසින් ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

B කොටස

11. (a) තිරසර  $\beta$  කෝණයකින් ආනත තලයක් මත සිරස්  $h$  උසකින් පිහිටි ලක්ෂ්‍යයක සිට සිරසට  $\alpha$  කෝණයකින් ආනත දිශාවකට අංශුවක්  $u$  ආරම්භක ප්‍රක්ෂේපන ප්‍රවේගයකින් මුදාහැරෙන්නාදේ ආනත තලයේ වැටීමේ බෑවුම් රේඛාව ඔස්සේ උඩු අත් දිශාවේදී නලය හා ගැටෙන පරිදිය. ආනත තලය අපරිමිත ලෙස දිග යැයිද, ආනත තලය ඔස්සේ අංශුවෙහි පරාසය  $R$  ද යැයි ගනිමු.

- (i) ආනත තලය ඔස්සේ උඩු අත් දිශාවට අංශුවෙහි පරාසය වන  $R$  සඳහා සමීකරණයක් ලබාගන්න.
- (ii) ඉහත (i) කොටසෙහි ලබාගත් සමීකරණය විසඳීමෙන් හෝ අන්ක්‍රමයකින් සුදුසු  $R$  පරාසය ලබාගන්න.
- (iii) අංශුව තිරසර සමාන්තරව ප්‍රක්ෂේපනය කරයි නම්  $R$  හි අගය

$$\frac{u}{g \cos^2 \beta} \left[ \sqrt{(u^2 - 2gh) \sin^2 \beta + 2gh} - u \sin \beta \right] \text{ බව අපෝහනය කරන්න.}$$

(b) නිසල ජලයෙහි  $V$  ප්‍රවේගයෙන් පිහිනිය හැකි  $P$  මිනිසෙක් පොළවට සාපේක්ෂව  $W (< V)$  ප්‍රවේගයෙන් ගලා බසින සමාන්තර ඉවුරු සහිත පළල  $d$  වන ගඟක  $A$  ලක්ෂ්‍යයෙන් අරඹා හං ඉවුරේ උඩුඅත් දිශාව සමග  $\alpha (< \pi/2)$  කෝණයක් සාදන දිශාවක් ඔස්සේ පිහිනා ගොස්  $B$  ලක්ෂ්‍යයෙන් එතෙර වේ.

එවිටම නිසල ජලයෙහි  $V$  ප්‍රවේගයෙන්ම පිහිනිය හැකි තවත් මිනිසෙක්  $A$  හිදී අරඹා ඉවුරට සමාන්තරව පිහිනා ගොස් එම ඉවුරෙහිම  $B$  ට ප්‍රතිවිරුද්ධ ලක්ෂ්‍යයක වූ  $C$  හිදී එගොඩ වී  $BC$  යා කෙරෙන සෘජු පාලමක  $\frac{V}{2}$  ප්‍රවේගයෙන් ඇවිද යයි.  $P$  හා  $Q$  එකවිට ඉහත මාර්ග දෙක ඔස්සේ  $B$  ලක්ෂ්‍යයට ළඟා වෙයි නම්, සාපේක්ෂ ප්‍රවේග ත්‍රිකෝණ භාවිතයෙන්

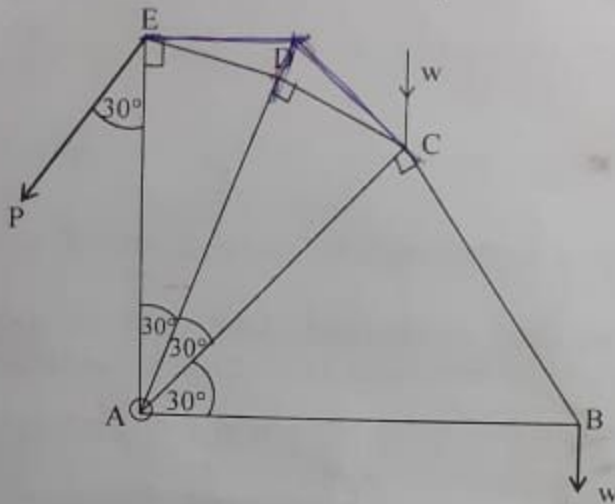
$$V(V - W) = [V(2 \sin \alpha + \cos \alpha) - 2W \sin \alpha] \left[ \sqrt{V^2 - W^2 \sin^2 \alpha} - W \cos \alpha \right] \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

(b) රූපයේ පරිදි AB, AC, AD, AE, BC, CD හා DE සැහැල්ලු දඬු හතකින් සමන්විත රාමු සැකිල්ල A වලින් සුමටව අසව කර B හා C සන්ධිවලට w භාර තබා ඇත. දිග a වන AB දණ්ඩ තිරස් වන පරිදි පද්ධතිය සිරස් තලයක තබා ඇත්තේ E වලින් යෙදූ P බලයක් මගිනි. මෙහි,

$$\hat{BAC} = \hat{CAD} = \hat{DAE} = 30^\circ$$

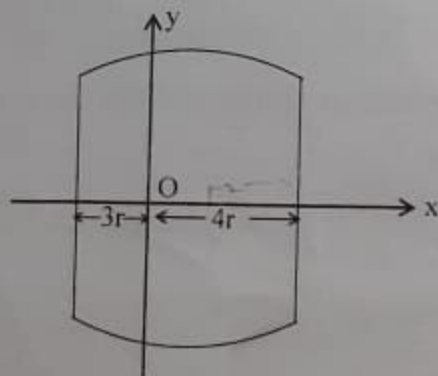
$$\hat{ACB} = \hat{ADC} = \hat{AED} = 90^\circ$$

P බලයේ අගය සොයා, AB, BC, AC හා CD දඬු සඳහා ප්‍රත්‍යාබල සටහනක් ඇඳ එමගින් ප්‍රත්‍යාබල සොයා ඒවා ආතති ද සම්පීඩන ද ලෙස වෙන් කර දක්වන්න.



17. අරය  $5r$  වන කුහර ගෝලයක O කේන්ද්‍රයේ සිට දෙපසට  $4r$  හා  $3r$  දුරින් පිහිටි  $y$  අක්ෂයට සමාන්තර තල දෙකක් ඔස්සේ කැපීමෙන් ලැබෙන ගෝල බණ්ඩය රූපයේ දැක්වේ. අනුකලනය ඇසුරින්,

- (i) එහි ස්කන්ධය සොයන්න.
- (ii) ස්කන්ධ කේන්ද්‍රයට O සිට ඇති දුර  $\frac{r}{2}$  බව පෙන්වන්න.



ඉහත ගෝල බණ්ඩයේ කුඩා වෘත්ත ධාරයට අරය  $3r$  හා උස  $h$  වූ කුහර සිලින්ඩරයක් සම්බන්ධ කර ඇති අතර, විශාල වෘත්ත ධාරයට සමපාත වන පරිදි අරය  $4r$  වූ ඒකාකාර පතුලක් සවිකර ගුරුලේන්තුවක් සාදා ඇත. ගුරුලේන්තුව සෑදීමට ගත් ද්‍රව්‍යයේ පෘෂ්ඨික ඝනත්වය  $\rho$  වේ.

ගුරුලේන්තුවේ ස්කන්ධ කේන්ද්‍රයේ පිහිටීම, එහි වෘත්තාකාර පතුලේ සිට සොයන්න.

ගුරුලේන්තුවේ විවෘත ධාරයේ ලක්ෂ්‍යයකට සැහැල්ලු අවිභාජන තන්තුවක් ගැටගසා එල්ලන ලදී. සමතුලිත පිහිටීමේදී එහි සම්මත අක්ෂය සිරස සමග සාදන කෝණය සොයන්න.



15. (a) ABCD ත්‍රැපීඩියමකි. A, B හා D ලක්ෂ්‍යවල පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙලින්  $\underline{p}$ ,  $\underline{q}$ ,  $\underline{r}$  වේ. AB හා DC සමාන්තර වන අතර  $AB = 3 DC$  වේ. E යනු  $AE = EC = \lambda : 1$  වන පරිදි AC මත පිහිටි ලක්ෂ්‍යයකි.

(i)  $\vec{AE} = \frac{\lambda}{3(1+\lambda)} (3\underline{r} - 4\underline{p} + \underline{q})$  බව පෙන්වන්න.

(ii)  $\mu ED = BC$  වන පරිදි DE, BC ට සමාන්තර වේ නම්

$\vec{AE} = \frac{1}{3\mu} [3(\mu-1)\underline{r} - (3\mu-1)\underline{p} + 2\underline{q}]$  බව පෙන්වන්න.

(iii) ඉහත (i) හා (ii) කොටස් භාවිතයෙන්  $\lambda$  හා  $\mu$  නියතවල අගයන් සොයන්න.

(iv) දික්කල DE, F හිදී AB හමුවේ.  $k DE = DF$  ලෙස ගෙන k ඇසුරින්  $\vec{AF}$  සොයන්න. එනමින් k හි අගය සොයා  $3 AF = 2 AB$  බව අපෝහනය කරන්න.

(b) ABCD යනු පාදයක දිග 4 m වන ආම්බසුරමයකි.  $DE = 3$  m වන සේ AD පාදය E දක්වා දික්කර ඇත. නිව්ටන් 2, 5, 3, 1, 5,  $\sqrt{2}$  හා  $2\sqrt{2}$  විශාලත්ව ඇති ඒකතල බල පද්ධතියක්  $\vec{AB}$ ,  $\vec{CB}$ ,  $\vec{DC}$ ,  $\vec{AD}$ ,  $\vec{CE}$ ,  $\vec{BD}$  හා  $\vec{AC}$  දිශා ඔස්සේ ක්‍රියා කරයි.

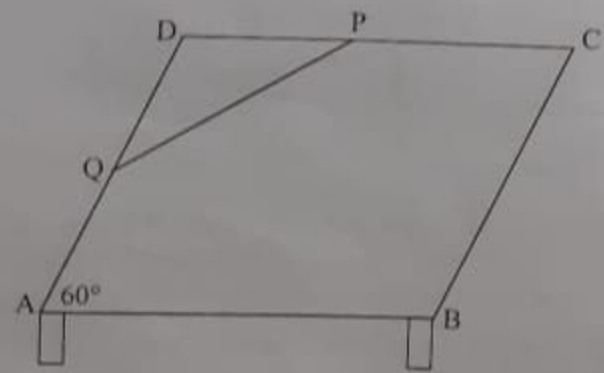
(i) බල පද්ධතියේ සම්පුර්ණයේ විශාලත්වය හා එය AB සමග සාදන කෝණය සොයන්න.

(ii) ඉහත සම්පුර්ණ ක්‍රියා වේගාව A හරහා යන බව පෙන්වන්න.

(iii) බල පද්ධතිය D හා E ලක්ෂ්‍යයක් හරහා ක්‍රියාකරන  $F_1$  හා  $F_2$  සමාන්තර බල දෙකකට තුලං වේ නම්  $F_1$  හා  $F_2$  සොයන්න.

(iv) බල පද්ධතිය AB හා BD දිශේ ක්‍රියා කරන  $F_3$  හා  $F_4$  බල දෙකකට හා යුග්මයකට තුලං වේ නම්  $F_3$  හා  $F_4$  සොයන්න.

16. (a)



එක එකෙහි දිග  $2a$  ද බර  $W$  ද වූ AB, BC, CD හා DA ඒකාකාර දඬු හතරක් සුමටව සන්ධි කර  $\widehat{BAD} = 60^\circ$  වන පරිදි සකසා ඇත්තේ CD හා AD දඬුවල මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යයන් වන P හා Q ට සම්පන්න කර ඇති සැහැල්ලු අවිභ්‍යාස තන්තුවක් මගිනි. AB තිරස්ව හා ABCD සැකිල්ල සිරස්ව තමා ඇත්තේ A හා B ඕර්ෂයන්හි තැබූ ආධාරක දෙකක් මගිනි.

- (i) A හා B ඕර්ෂ මත ආධාරක මගින් ඇති කරන ප්‍රතික්‍රියා සොයන්න.
- (ii) C හා D සන්ධිවල ප්‍රතික්‍රියා හා තන්තුවේ ආතතිය සෙවීම සඳහා ප්‍රමාණවත් සමීකරණ ලියා දක්වන්න.