



වයභ පළාත් අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තුව

Provincial Department of Education - NWP

10 S I

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය - 2021

සංස්ක්ත ගණිතය - පෙරහුරු පරික්ෂණය

සංස්ක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம்

Combined Mathematics

I

I

I

10

S

I

උය තුනකි

மூன்று மணித்தியாலம்
Three hours

අමතර කියවීම් කාලය

மேலதිக වාசිப්‍ර තේரුම
Additional Reading Time

- මිනිතු 10 දි

- 10 நிமிடங்கள்
- 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය පුළු පැවත්වා යොමු කිරීමෙන් පෙරහුරු ලිවිලේදී ප්‍රමුණවනය දෙන පුළු සංචාரානය යා ගැනීමෙන් යොදාගැනීම.

විශාල අංකය

--	--	--	--	--	--	--	--

උරදෙස්:

- * මෙම පුළු පැවත්වා යොමු කිරීමෙන් සමඟින් වේ;

A කොටස (පුළු 1 - 10) සහ B කොටස (පුළු 11 - 17).
- * A කොටස:

යියුතු ම පුළු වාසන් පිළිනුරු සපයන්න. එක් එක් පුළු නය සඳහා මෙම පිළිනුරු, සපයා ඇති ඉංග්‍රීසි ලියන්න. වැඩිපුර ඉතු අවශ්‍ය වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කවිතා හා රුහුණු හැඳුව යුතු ය.
- * B කොටස:

පුළු පැහැවා පමණක් පිළිනුරු සපයන්න. මෙම පිළිනුරු, සපයා ඇති කවිතා පිටපත ලියන්න.
- * නියමිත කාලය අවශ්‍ය වූ පසු A කොටසෙහි පිළිනුරු පැවත්වා, B කොටසෙහි පිළිනුරු පැවත්වා උගින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ගාලායිපතිව හාර දෙන්න.
- * පුළු පැවත්වා B කොටස පමණක් විභාග ගාලාවෙන් පිටපත ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

රෝගීකරණයේ ප්‍රායෝගික යුතු පමණි.

(10) සංස්ක්ත ගණිතය I

කොටස	පුළු අංකය	ලක්ෂණ
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකඟුව	

ඉලක්කමෙන්	
අකුරිත්	

උත්තර පැවත්වා පරික්ෂක	
පරික්ෂා කළද:	1
	2
අධික්ෂණය කළද:	

A කොටස

1. ගණිත අභ්‍යන්තර මූලධර්මයෙන් සියලු ($n \in \mathbb{Z}^+$) සඳහා $(8^n - 1)$, 7 න් බෙදෙන බව සාධනය කරන්න.

2. $Y = |4x - 1|$ හා $y = 5 - |2x|$ ලිත එකම තලයක ඇද දක්වන්න. ඒ නයිත් හෝ අන් අයුරකින් $|2x - 1| + |x| \leq 5$ වන අගය පරාසය පොයන්න.

3. $\left| \frac{Z+1}{Z-1} \right| \geq 2$ වන පරිදි විවලනය වන Z හි පෙදෙස ආගන්ත් තලය මත අලුරු කර දක්වන්න. එම පෙදෙස තුළ $\text{Arg}(Z)$ උපරිම වන ලක්ෂායෙහි සංකීරණ සංඛ්‍යාව සොයන්න.

$$4. \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{1 - \cos 4x}{x^2} \right) = 8 \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

5. $P \equiv (2\cos t, 3\sin t)$ ලක්ෂායේදී $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$ ඉලිප්සයට අදිනු ලබන ස්ථර්යකයේ සමිකරණය $3x\cos t + 2y\sin t = 6$ බව පෙන්වන්න. එම ලක්ෂායේදී අදිනු ලබන අභ්‍යලුම්හයේ සමිකරණය නොයන්න.

6. $Y = \frac{x}{\sqrt{x^2+4}}$ වකුයෙන් දී $Y = 0$ හා $X = 2$ සරල රේඛාවලින් දී ආවත වූ පෙදෙස X - අක්ෂය වටා 2π වලින් ප්‍රමාණය වූවිට සැදෙන සන වස්තුවේ පරිමාව $\frac{\pi(4-\pi)}{2}$ බව පෙන්වන්න.

$$7. \frac{d(a^x)}{dx} = a^x \ln a \quad \text{බව පෙන්වා ඒහැයින් \int \frac{a^x}{a^{x+1}} dx \quad a \neq 1 \text{ සඳහා සොයන්න.}$$

8. ABC ත්‍රිකෝණයේ AB, BC, CA පාදවල සමිකරණ පිළිවෙළින් $2y - x + 4 = 0$, $y - 2x - 1 = 0$ හා $y + x - 1 = 0$ වේ. B කෝණයේ අභ්‍යන්තර කෝණ සම්බන්ධකයේ සමිකරණය සොයන්න.

9. $x - y = 0$ හා $7x - y = 0$ යන සරල රේඛා දෙකම ස්පර්ශ වන සේ මූලමනින්ම පළමු වෘත්ත පාදයෙහි පිහිටි අරය ඒකක $2\sqrt{2}$ වන වෘත්තයෙහි සමිකරණය සොයන්න.

10. $\tan \alpha$ හා $\tan \beta$ ඇසුරින් $\tan(\alpha + \beta)$ සඳහා ප්‍රකාශනයක් ලියා දක්වන්න. ඒහිටින් $\tan(2\alpha)$ සඳහා ප්‍රකාශනයක් අපේෂනය කර $\tan 3\theta = \frac{3\tan\theta - \tan^2\theta}{1 - 3\tan^2\theta}$



වයඹ පළාත් අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තුව

Provincial Department of Education - NWP

10

S

I

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය - 2021

සංස්කීර්ණ ගණිතය - පෙරමුරු පරික්ෂණය

B කොටස

❖ පූර්ණ පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11) (a) (i) $ax^2 + bx + c = 0$ හි මූල α හා β නම $(\alpha - \beta^2)(\beta - \alpha^2)$ හි අගය සොයන්න.

ඉහත වර්ගජ සම්කරණයේ එක් මූලයක් අනෙක් මූලයේ වර්ගය වීම සඳහා අවශ්‍යතාව අපෝහනය කරන්න.

(ii) $2x^2 - (a + 1)x + (a - 1) = 0$ වර්ගජ සම්කරණයේ මූල වල අන්තරය එහි මූල වල ගණිතයට සමාන වීමට a ට තිබිය යුතු අගය සොයන්න.

(b) (i) $(x - 1)$ යන්න $f(x) = x^3 + ax^2 - x - 3$ යන බහු පද ලිඛිතයේ සාධකයක් නම a වල අගය සොයන්න. a මෙම අගය ගන්නා විට, $f(x) = 0$ සම්කරණයේ මූල තීරණය කරන්න.

(ii) $(x - 2)$ සහ $(x + 3)$, $f(x) = 2x^3 + x^2 + px + q$ යන බහු පදයේ සාධක නම p හා q වල අගයන් සොයන්න. p හා q මෙම අගයන් ගන්නා විට $f(x) = 0$ සම්කරණයේ මූල සොයන්න.

12) (a) ලොතයයි මණ්ඩලයේ සංචාරය සඳහා විශේෂිත ලොතයයික් මුද්‍රණය කරනු ලබයි. එහි මූල් අක්ෂරය, ඉංග්‍රීසි අක්ෂරයක් වන අතර ඒ සඳහා A සිට Z දක්වා යිනැම අක්ෂරයක් මුද්‍රණය කළ හැකි ය. ඉතිරි සංඛ්‍යා හතර මුද්‍රණය වන්නේ 0 සිට 9 දක්වා සංඛ්‍යාක 10 උපයෝගී කරගෙනය.

(i) එකම අංකය නැවත නැවත භාවිතා කරමින් විකවිපත් මුද්‍රණය කළ හැකි නම මුද්‍රණය කළ හැකි විකවිපත් ගණන සොයන්න.

(ii) එක් අංකයක් එක් වරක් පමණක් භාවිතා කරන්නේ නම්, මෙලෙස මුද්‍රණය වන විකවිපත් ගණන කොපමණද?

2, 4, 6, 8 අංක හතරම කෙසේ හෝ මුද්‍රණය වී, හා A, E, I, O, U අක්ෂර පහෙන් එකක් මුද්‍රණය වූ විකවිපත් සඳහා විශේෂිත ත්‍යාග මුදලක් පිරිනමනු ලබයි. මෙලෙස මුද්‍රණය කළ හැකි විකවිපත් ගණන කොපමණද?

(b) $\frac{1}{r(r+1)}$ හින්න භාග සොයන්න. ($r \in \mathbb{Z}^+$)

එනයින්,

(i) $\frac{1}{(r+1)(r+2)}$

(ii) $\frac{1}{(r+2)(r+3)}$ හින්න භාග අපෝහනය කරන්න.

$$3r + 1 = A(r + 3) + B(r + 1) \text{ වන පරිදි } A \text{ හා } B \text{ නියත ගණනය කරන්න.}$$

එමහින් $\frac{3r+1}{(r+1)(r+2)(r+3)} = 4[f(r+1) - f(r+2)] + f(r+1) - f(r)$ වන පරිදි $f(r)$ ශ්‍රීතය ලියන්න.

එමහින් හෝ වෙනත් ආකාරයකින්,

$$\frac{4}{2 \cdot 3 \cdot 4} + \frac{7}{3 \cdot 4 \cdot 5} + \frac{10}{4 \cdot 5 \cdot 6} + \dots \text{ ග්‍රෑන්ඩේ පද } n \text{ ප්‍රමාණයක එකාය } S_n \text{ යන්න, } S_n = \frac{5}{6} + \frac{1}{n+2} - \frac{4}{n+3}$$

බව පෙන්වන්න.

මෙම ග්‍රෑන්ඩේ අභිසාරී බව පෙන්වා, පද ගණන අනන්තය දක්වා වැඩි වන විට එහි එකාය සොයන්න. තවද $|S_n - \frac{5}{6}| < \frac{5}{14}$ වන පරිදි n හි අගය පරාසය සොයන්න.

13) (a) $A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$ සහ $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$ යැයි ගනිමු.

$A(\lambda A + \mu I) = I$ වන අයුරින් λ හා μ අගයන් සොයන්න. මෙහි I යනු 2×2 ඒකක න්‍යාසය වේ. ඒ නයින් A^{-1} සොයන්න.

(b) Z_1 හා Z_2 යනු සංකීර්ණ සංඛ්‍යා දෙකකි.

(I) $Re(Z_1 \overline{Z_2}) = Re(\overline{Z_1} Z_2)$ හා

(II) $|Z_1 - Z_2|^2 = |Z_1|^2 - 2Re(Z_1 \overline{Z_2}) + |Z_2|^2$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්,

$$|1 - Z_1 \overline{Z_2}|^2 - |Z_1 - Z_2|^2 = (1 - |Z_1|^2)(1 - |Z_2|^2) \text{ බව අපෝහනය කරන්න.}$$

(c) $\sqrt{5} + 2i$ යන්න $r(\cos \theta + i \sin \theta)$ ආකාරයෙන් ප්‍රකාශ කරන්න. මෙහි $\sin \theta = \frac{2}{3}$ වන පරිදි වූ සුළු කෙරුණුයකි.

ඒ නයින් සියලුම n සඳහා,

$(\sqrt{5} + 2i)^n + (\sqrt{5} - 2i)^n$ තාත්වික බව පෙන්වන්න. $n = 6$ විට මෙම ප්‍රකාශනයේ අගය සොයන්න.

14) (a) $x \neq 1$ සඳහා $f(x) = \frac{x(x+1)}{(x-1)^2}$ යැයි ගනීමු .

$f(x)$ හි ව්‍යුත්පන්නය $f'(x)$ යන්න $x \neq 1$ සඳහා $f'(x) = \frac{-(3x+1)}{(x-1)^3}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

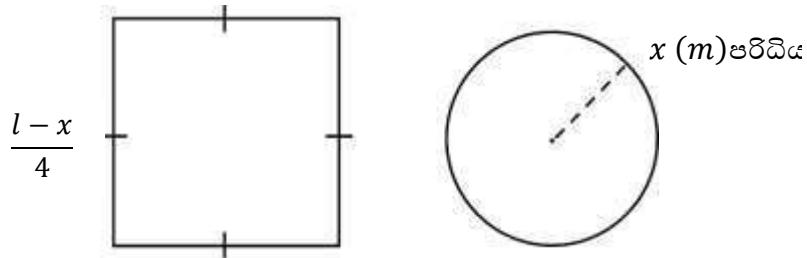
ඒ නයින් $f(x)$ වැඩි වන ප්‍රාන්තරය හා $f(x)$ අඩු වන ප්‍රාන්තර සොයන්න.

$f(x)$ හි හැරුම ලක්ෂායේ බණ්ඩාක ද සොයන්න. $x \neq 1$ සඳහා $f''(x) = \frac{6(x+1)}{(x-1)^4}$ බව දී ඇත.

$y = f(x)$ හි ප්‍රස්ථාරයේ නත්වර්තන ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාක සොයන්න.

ස්ථරගෝන්මුබ, හැරුම ලක්ෂ හා නතිවර්තන ලක්ෂය දක්වමින් $y = f(x)$ හි ප්‍රස්ථාරයේ දළ සටහනක් අදින්න.

(b) $l(m)$ කම්බයක් කොටස් දෙකකට කපා පහත ආකාරයට පරිඛිය $x(m)$ වන වෘත්තාකාර රුපයක් හා පැත්තක දිග $\frac{l-x}{4}$ වන සමවතුරසාකාර රුපයක් පහත ආකාරයට නිරමාණය කර ඇත.



වහන්තයේ අරය x ඇසුරින් සොයා, රුපවල වර්ගඩ්ලවල එකාඟය $A(x) = \frac{x^2}{4\pi} + \frac{(l-x)^2}{16}$ බව පෙන්වන්න.

රුප දෙක් වර්ගල්ලවල එකාය අවම වන්නේ සමවතුරසුයේ පාදයක දිග $\frac{l}{4+\pi}$ වනවිට බව පෙන්වන්න.

$$15) (a) x - \frac{1}{x} = \sqrt{2} \tan \theta \text{ கூடும் } x + \frac{1}{x} = \sqrt{2} \sec \theta \text{ நான்,}$$

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = 2 \sec^2 \theta = 2 \tan^2 \theta \text{ නේ } \text{පෙන්වන්න.}$$

$$I = \int \frac{x^2 + 1}{x^4 + 1} dx \quad \text{හා} \quad J = \int \frac{x^2 - 1}{x^4 + 1} dx \quad \text{මෙස දී ඇත.}$$

$$\int \frac{x^2}{1+x^4} dx = \alpha I + \beta J \quad \text{වන පරිදි } \alpha, \beta \text{ නියත සොයන්න.}$$

$$I = \int \frac{1 + \frac{1}{x^2}}{x^2 + \frac{1}{x^2}} dx \quad \text{හා} \quad J = \int \frac{1 - \frac{1}{x^2}}{x^2 + \frac{1}{x^2}} dx \quad \text{ලෙස පරිවර්තනය කරමින් දී ඇති ආදේශ හාවතා$$

කරමින් හෝ වෙනත් ආකාරයකින් $\int \frac{x^2}{1+x^4} dx$ අගයන්න.

(b) කොටස් වගයෙන් අනුකූලනය හාවිතයෙන් $\int_0^1 x \ln(x^2 + 1) dx = \frac{1}{2} (\ln 4 - 1)$ බව පෙන්වන්න.

(c) $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$ භාවිතයෙන් හෝ වෙනත් ආකාරයකින්,

$$I = \int_0^{\pi/2} \frac{\sin^3 x}{\sin x + \cos x} dx = \frac{1}{4} (\pi - 1) \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

16)

a) $l_1 \equiv 6x - 8y + 7 = 0$ හා $l_2 \equiv y - 2 = 0$ රේඛාවල ජේදන ලක්ෂ්‍යය වන A හි බණ්ඩාක සොයන්න. එම රේඛා අතර සුළු කේතු සම්බැංක මගින් $(\frac{3}{2} + 3\lambda, 2 + \lambda)$ ආකාරයට ලිවිය ගැනී බව පෙන්වන්න.

l' රේඛාව මත ඕනෑම ලක්ෂ්‍යයක බණ්ඩාක, පරාමිතියක් මගින් $(\frac{3}{2} + 3\lambda, 2 + \lambda)$ ආකාරයට ලිවිය ගැනී බව පෙන්වන්න.

කේත්දය l' මත පිහිටියා වූ ද $y = 2$ රේඛාව ස්පර්ශ කරන්නා වූ ද අරය ඒකක 6ක් වන S වෘත්තයේ සමිකරණය සොයන්න.

$S = 0$ වෘත්තය මගින් $l_1 = 0$ හා $l_2 = 0$ රේඛා ස්පර්ශ කරන ලක්ෂ පිළිවෙළින් P හා Q තම, PQ ස්පර්ශ ජ්‍යායයේ සමිකරණය සොයන්න.

P හා Q හරහා ගමන් කරන $S = 0$ මගින් පරිධිය සම්බැංදනය කරන $S' = 0$ වෘත්තයේ සමිකරණය ද සොයන්න.

17) (I) $\tan x$ සහ $\tan y$ ඇසුරෙන් $\tan(x+y)$ සඳහා සුතුය සඳහන් කරන්න.

$$2x + y = \frac{\pi}{4} \text{ තම, } \tan y = \frac{1 - 2 \tan x - \tan^2 x}{1 + 2 \tan x - \tan^2 x} \text{ බව පෙන්වන්න.}$$

$t^2 + 2t - 1 = 0$ සමිකරණයේ මූලයක් $\tan \frac{\pi}{8}$ බව ද, එහි අගය $\sqrt{2} - 1$ බව ද අපෝහනය කරන්න.

(II) ඕනෑම ත්‍රිකේතුයක් සඳහා කේසයින් නීතිය ප්‍රකාශ කරන්න.

$$\cos \theta = \frac{2\sqrt{bc}}{b+c} \cos \frac{A}{2} \text{ සම්බන්ධයෙන් } \theta (> 0) \text{ කේතුය දෙනු ලැබේ. මෙහි } A, b, c, \text{ රාජි } ABC$$

ත්‍රිකේතුයක් සම්බන්ධයෙන් භාවිතා කරන සාමාන්‍ය අරථ ගනී. $a = (b + c)\sin \theta$ බව සාධනය කරන්න.

$$(III) \quad \sin^{-1} x + \cos^{-1} \frac{x}{2} = \frac{5\pi}{6} \text{ සමිකරණය විසඳුන්න.}$$

----- ගැඹු -----



ප්‍රංශ ජෛව බැංගල තුදුවකාරීන්ට Provincial Department of Education – NWP විසින් ප්‍රකාශන කළ උග්‍රීත් ප්‍රතිචාරය ප්‍රකාශන කළ උග්‍රීත් ප්‍රතිචාරය Provincial Department of Education – NWP
 වයඹ ප්‍රාන්ත අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තු Provincial Department of Education – NWP විසින් ප්‍රකාශන කළ උග්‍රීත් ප්‍රතිචාරය Provincial Department of Education – NWP
 වයඹ ප්‍රාන්ත අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තු Provincial Department of Education – NWP විසින් ප්‍රකාශන කළ උග්‍රීත් ප්‍රතිචාරය Provincial Department of Education – NWP
 වයඹ ප්‍රාන්ත අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තු Provincial Department of Education – NWP විසින් ප්‍රකාශන කළ උග්‍රීත් ප්‍රතිචාරය Provincial Department of Education – NWP
 වයඹ ප්‍රාන්ත අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තු Provincial Department of Education – NWP විසින් ප්‍රකාශන කළ උග්‍රීත් ප්‍රතිචාරය Provincial Department of Education – NWP

වයඹ ප්‍රාන්ත අධ්‍යාපන දෙපාර්තමේන්තුව

Provincial Department of Education - NWP

10 S

අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය - 2021

සංයුත්ත ගණිතය
இணைந்த கணிதம்
Combined Mathematics

10 S

පැය තුනකි
முன்று மணித்தியாலம்
Three hours

අමතර කියවීම් කාලය - මිනින්ද 10 දි
மேலதිக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
Additional Reading Time - 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය ප්‍රශ්න පත්‍රය කිසිවා ප්‍රශ්න තොரු ගැනීමටත් පිළිනුරු ලිවිමේදී ප්‍රමුඛවය දෙන ප්‍රශ්න
எனவே காலை கர வැනිமானம் கர வැනිமானத்தை கொடுக்கவேண்டும்.

විභාග අංකය

උපදෙස්:

- * මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;
A කොටස (ප්‍රශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (ප්‍රශ්න 11 - 17).
- * A කොටස:
கියලුම ප්‍රශ්නවලට පිළිනුරු සපයන්න. එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිනුරු, සපය අශේ ඉවෙනි
ලියන්න. වැඩිපුර ඉව අවශ්‍ය වේ நான், ஒබට අමතර ලියන කඩාසි හාවිත කළ හැකි ය.
- * B කොටස:
ප්‍රශ්න
* நியமித காலய அவசන் வූ பසු A කොටසෙහි පිළිනුரු பත්‍රය, B කොටසෙහි පිළිනුரු பත්‍රයට උඩින්
சිරින පරිදී කොටස් දෙක අමුණා විභාග ගාලාධිபතිට හාර දෙන්න.
* ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි B කොටස පමණක් විභාග ගාලාවෙන් පිටත ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරික්லකවරුන්ගේ ප්‍රෝටෝଟය සඳහා පමණි.

(10) සංයුත්ත ගණිතය I		
කොටස	ප්‍රශ්න අංකය	ලක්ෂණ
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

ඉලක්කමෙන්
අතුරින්

අත්තර පත්‍ර පරික්ෂක	
පරික්ෂා කළේ:	1
	2
අධික්ෂණය කළේ:	

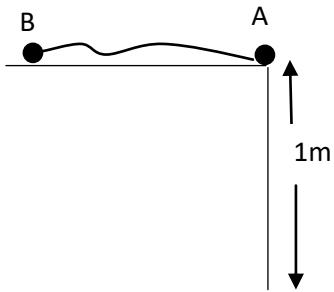
A කොටස

01. සේකන්ද පිළිවෙළින් 4 m හා 8 m වූ A හා B අංශ දෙකක්මුවට තිරස් මෙසයක් මත තබා එකිනෙක දෙසට පිළිවෙළින් $3v\text{ ms}^{-1}$ හා $v\text{ ms}^{-1}$ ප්‍රවේග වලින් ප්‍රක්ෂේප කරනු ලබන්නේ අංශ එකිනෙක සමග සරල ලෝස ගැටෙන පරිදිය. ගැටුමෙන් පසු A හි ප්‍රවේගය විරැදු දියාවට $\frac{v}{3}$ මේ නම් ගැටුමෙන් පසු B හි ප්‍රවේගයද, අංශ අතර ප්‍රත්‍යාගති සංග්‍රහකය හා ගැටුමේ ආවේගයද සොයන්න.

02. තිරසට ආනතියක් සහිත ව v_1 ප්‍රවේගයෙන් ප්‍රක්ෂේපනය කරන ලද අංශුවක එක්තරා මෙහොතුක අයන් කරගන්නා v_2 ප්‍රවේගය, v_1 ප්‍රවේගයට ලම්බ වේ. μ යනු අංශුවේ උපරිම උස සහිත ලක්ෂායේ දී ප්‍රවේගය වේ.

$$\frac{1}{v_1^2} + \frac{1}{v_2^2} = \frac{1}{u^2} \quad \text{எவ பென்வந்ந.}$$

03. ස්කන්ද 3 kg බැඟින් වූ A හා B නම් අංගු දෙකක් දිග 1 m ට වචා වැඩි වූ සැහැල්ලු අවිතනය තන්තුවක දෙකෙලවරට සම්බන්ධකොට තන්තුව බුරුල්ව පවතිනයේ A අංගුව රුපයේ පරිදි මේසයේ දාරයේ තබා ඇත්තේ AB දාරයට ලම්බක වන පරිදිය. A අංගුව නිශ්චලතාවයේ සිට සීරුවෙන් පහළට මුදා හැරේ. අංගුව 0.45 m ක දුරක් සිරස්ව පහළට වැටුණු පසු තන්තුව තද වේ. B අංගුව වලිතය ආරම්භ කරන ප්‍රවේශය හා තන්තුවේ ආවේගී ආතතිය සොයන්න.

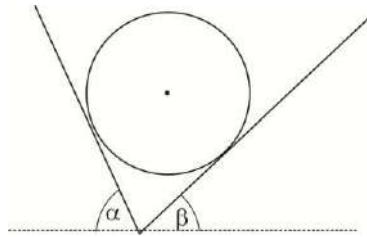


04. ස්කන්ධය මෙට්ට්‍රික් ටොන් එකක් වන කාරයක් තිරසට $\sin^{-1} \frac{1}{10}$ ආනතියකින් යුතු මාර්ගයක් දිගේ 20 ms^{-1} ක සත්ත ප්‍රවේශයෙන් ඉහළට ගමන් කරයි. වලිතයට ප්‍රතිරෝධය 400 N නම්, එන්ජ්මේ ජවය කිලෝවාට් වලින් සොයන්න. මාර්ගය ඉහළ දී තිරස් වේ නම් හා එන්ජ්මේ ජවය හා ප්‍රතිරෝධය නොවෙනයේ වේ නම්, තිරස් මාර්ගයේ කාරය 0.6 ms^{-2} ක ත්වරණයකින් ගමන් කරන විට එහි ප්‍රවේශය සොයන්න.

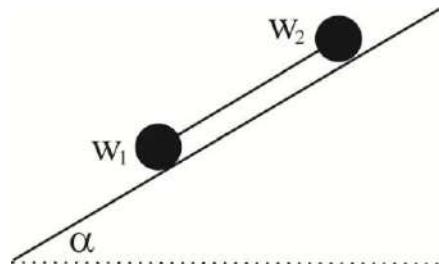
05. a දිග අවිතනය තන්තුවක එක් කෙළවරක් අවල ව O ලක්ෂායට යා කොට ඇති අතර, අනෙක් නිදහස් කෙළවරේ සේකන්ධය m වන P අංශුවක් දරා සිටියි. O සිට $a \cos \beta$ දුරින් O සමග එකම තිරස් මට්ටමේ P අංශුව නිශ්ච්‍යවතාවයෙන් මුදාහරී. තන්තුව තිරසට $\sin^{-1}(\sin^3 \beta)$ කේත්‍යකින් ආනත පහිටීමේ දී P අංශුව සැපුණික නිශ්ච්‍යවතාවයට පත්වන බව පෙන්වන්න.

06. $|a| = \sqrt{3}$, $|b| = \sqrt{2}$ සහ $|a-b| = 2$ නම්, $a.b$ සොයා a හා b අතර කේතුය සොයන්න.

07. තිරසට ආනතිය α හා β වන සුම්මත තල දෙකක් මත බර ඒකාකාර ගෝලයක් සමතුලිතතාවයේ පවතී. α දී ඇත්තැම් හා එම තලය මත තෙරපුම ගෝලයේ බලෙන් අර්ථයක් නම්, $\tan \beta = \frac{\sin \alpha}{2 - \cos \alpha}$ බව සාධනය කරන්න.



08. තිරසට ආනතිය α වන රං තලයක් මත w_1 හා w_2 හාරයන් දෙකක් තන්තුවකින් ඇදා වැඩිතම බැඳුම රේඛාව ඔස්සේ තබා ඇත. එම හාරයන් හා තලය අතර සර්පණ සංග්‍රහක μ_1 හා μ_2 නම් හා $\mu_1 < \tan \alpha < \mu_2$ නම්, එම අංශ දෙකම සීමාකාරී සමතුලිතතාවයේ පවතින විට $\tan \alpha = \frac{\mu_1 w_1 + \mu_2 w_2}{w_1 + w_2}$ බව පෙන්වන්න.



09. A සහ B යනු ස්වායත්ත සිද්ධි දෙකකි. A සහ B යන සිද්ධි දෙක ම සිදු වීමේ සමඟාවිතාව $\frac{1}{6}$ ද එම සිද්ධි දෙකෙන් එකක්වත් සිදු නොවීමේ සමඟාවිතාව $\frac{1}{3}$ ද වේ. A සිද්ධිය සිදු වීමේ සමඟාවිතාව සොයන්න.

10. දන නිවිල 5න් යුත් ඒකමාත සංඛ්‍යා කුලකයක අවයව ආරෝහණ පිළිවෙළට සැකසු විට කුඩාම සංඛ්‍යාව 31 වේ. මෙම සංඛ්‍යා 5 හි මධ්‍යන්තය 35 ද මධ්‍යස්ථය 36 ද වන අතර මාතය හා මධ්‍යස්ථය සමාන නොවේ. එවැනි කුලක හතරක් පවතින බව පෙන්වන්න.



අධ්‍යාපන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය - 2021
පෙරහුර පරික්ෂණය

B කොටස

ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

11. a. P හා Q දුම්රිය පොලවල් 2 ක් 30 km පරතරයකින් පිහිටා ඇත. 40 kmh^{-1} වේගයෙන් P පසුකර යන A නම් දුම්රියක් 12 km ක් දුරක් යන තුරු මේ වේගය පවත්වාගෙන ඉක්ති ඒකාකාර ලෙස මත්දනය වී Q හි දී නිශ්චලතාවයට පත්වෙයි. A දුම්රිය P පසු කර යාමට මිනිත්තු 12 කට පෙර Q හි දී නිශ්චලතාවයේ සිට පිටත්වන B නම් දුම්රියක් එක්තරා කාලයක් 300 kmh^{-2} ත්වරණයකින් ඒකාකාර ලෙස ත්වරණය වී ඉක්ති ඒකාකාර ලෙස මත්දනය වී P හි දී නිශ්චලතාවයට පත්වෙයි. A හා B දුම්රිය දෙකම එක ම මොහොතක දී පිළිවෙළින් Q හා P දුම්රිය පොලවල නිශ්චලතාවයට පැමිණේ නම්, A හා B හි වලිත සඳහා ප්‍රවේශ කාල ප්‍රස්ථාරවල දළ සටහන් එක ම සටහනක ඇද දක්වන්න.

එම් නයින් හෝ අන් අසුරකින් , ගමන සඳහා B දුම්රිය මිනිත්තු 84 ක් ගන්නා බව පෙන්වන්න. තවද B දුම්රියේ උපරිම වේගය පැයට කිලෝමීටර්වලින් සොයා මත්දනය ද සොයන්න.

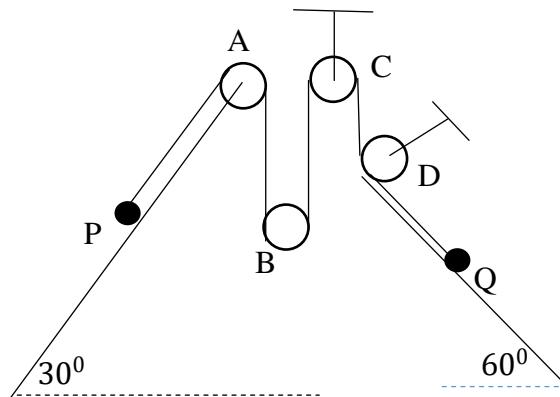
b. කාරයක් පොලවට සාපේශ්සව w ඒකාකාර වේගයෙන් උතුරු දිගාවට ගමන් කරයි. ලොරියක් උතුරින් නැගෙනහිරට $\frac{\pi}{6}$ කෝණයකින් ආනන ව ඒකාකාර වේගයෙන් ගමන් කරයි. එක්තරා මොහොතක දී ලොරියෙන් දකුණින් නැගෙනහිරට $\frac{\pi}{3}$ කෝණයකින් k දුරකින් කාරය පිහිටියි.

(i) කාරය හා ලොරිය එකිනෙක ගැමේ නම්, ලොරියේ පොලවට සාපේශ්ස ප්‍රවේශ හා ගැටීමට ගතවන කාලය w හා k ඇසුරින් සොයන්න.

(ii) ලොරිය $\frac{\sqrt{5}w}{2}$ ප්‍රවේශයෙන් පොලවට සාපේශ්සව වලිත වේ නම්, කාරය හා ලොරිය අතර $\frac{k}{\sqrt{2}}$ ක අවම දුරක් පවත්වා ගැනීමට පොලවට සාපේශ්සව ලොරිය ගමන් කළ යුතු දිගාව උතුරෙන් නැගෙනහිරට

$$\gamma \left(< \frac{\pi}{6} \right) කෝණයක් නම්, \gamma = \frac{5\pi}{12} - \sin^{-1} \left(\frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{10}} \right) බව පෙන්වන්න.$$

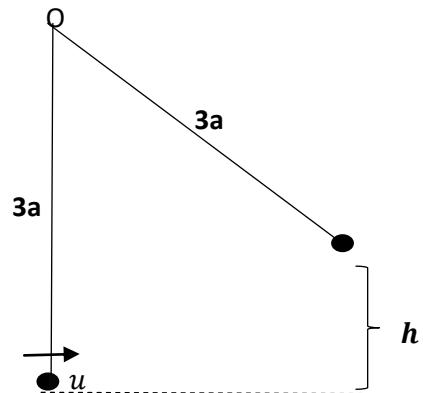
12. a.



රුපයේ දැක්වෙන පරිදි ස්කන්ධය m වන P අංගුවක් තිරසට 30° ආනත සර්පන සංග්‍රහකය $\frac{1}{\sqrt{3}}$ වන

රූපයේ මත තබා එයට ඇඳු සහැල්ල අවශ්‍ය තන්තුවක් ආනත තලය මුදුනේ ඇති සුම්ම අවල A කප්පීය මතින් දමා සවල ස්කන්ධය M වන සුම්ම B කප්පීය යටින් දමා ඉන් පසු C සුම්ම අවල කප්පීය මතින් දමා තිරසට 60° ක් ආනත සුම්ම තලය මුදුනේ D සුම්ම අවල කප්පීය යටින් දමා ආනත තලය මත ඇති ස්කන්ධය $2m$ වන Q අංගුවට සවිකර ඇත. පදනම් නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හැරේ. පසුව ඇතිවන වලිතයේ දී තන්තුවේ ආතකිය $\frac{(6+\sqrt{3})Mmg}{(3M+8m)}$ බව පෙන්වන්න.

- b. රුපයේ දැක්වෙන පරිදි දිග $3a$ වන සහැල්ල අවශ්‍ය තන්තුවක එක් කෙළවරක් අවල O ලක්ෂණයකට ගැටුගසා අනෙක් කෙළවරට ස්කන්ධය m වූ අංගුවක් සම්බන්ධකාට සමතුලිතතාවේ තබා තිරස u ප්‍රවේගයෙන් අංගුව ප්‍රක්ෂේප කෙරේ. අංගුව පහළම මට්ටමේ සිට සිරස් ලෙස h උසකින් පිහිටන විට එහි ප්‍රවේගය $\sqrt{u^2 - 2gh}$ බවත් තන්තුවේ ආතකිය $\frac{m}{3a}(u^2 - 3gh + 3ag)$ මතින් දෙනු ලබන බවත් පෙන්වන්න. තව ද අංගුව පහළම මට්ටමේ සිට සිරස් ලෙස $5a$ උසක දී වෘත්තකාර වලිතයෙන් ඉවත් වේ නම් එම අවස්ථාවේ අංගුවේ ප්‍රවේගය සොයා ඉන්පසු අංගුව ලගාවන උපරිම ලක්ෂණයට පහළම මට්ටමේ සිට ඇති උස a ඇශ්‍රීන් සොයන්න.



13. ස්කන්ධය ඇති නම් අංගුවක් ස්වභාවික දීග හා ප්‍රත්‍යස්ථා මාපාංකය වූ ප්‍රත්‍යස්ථා තන්තුවක මධ්‍ය ලක්ෂණයට ගැට ගසා තන්තුවෙහි දෙකෙළවර තිරස් සුම්මත මේසයක් මත එකිනෙක දුරින් පිහිටි හා අවල ලක්ෂණය 2 ට ගැට ගසා ඇත. ආරම්භයේදී අංගුව දෙසට ප්‍රවේශයෙන් ප්‍රක්ෂේප කෙරේ.

කාලයේදී නම් සඳහා අංගුවේ වලිත සම්කරණය මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ලෙස යෝමේන් ඉහත වලිත සම්කරණය ලෙස ලියා දක්වන්න. මෙහි වේ. ඉහත සම්කරණයේ විසඳුම ලෙස උපකල්පනය කොට නියතවල අයයන් සෞයන්න.

එ්නයින් විට අංගුවේ ප්‍රවේශය බව පෙන්වන්න.

තව දුරටත් සඳහා හි වලිත සම්කරණය බව පෙන්වා බවද පෙන්වන්න.

අංගුව ක්ෂේක නිශ්චලතාවයට පැමිණීමට ගත් කළ මූල්‍ය කාලය බව පෙන්වන්න.

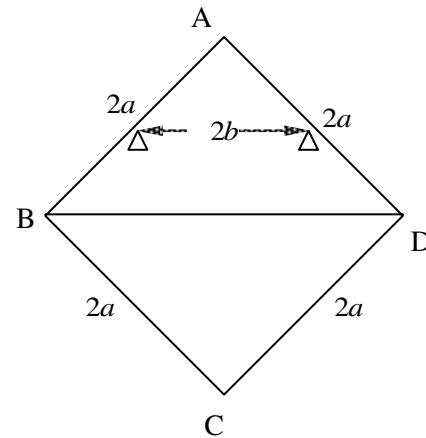
14. a. තිකෙළයක ද ද යැයි ගනිමු. හා ලක්ෂණයන් පිළිවෙළින් හා මත පිහිටා ඇත්තේ හා වන සේ ය. හා රේඛා ලක්ෂණයේදී හමු වේ. ලෙස ප්‍රකාශ කරන්න. මෙහි හා අදික වේ. හා වල අයයන් සෞයන්න.

b. අක්ෂ පද්ධතියේ සහ ලක්ෂණවල බණ්ඩාංක පිළිවෙළින් සහ වේ. සහ යන ඒකතල බල පද්ධතියක් මෙම වතුරසුයේ අදාළ පාද ඔස්සේ ක්‍රියා කරයි.

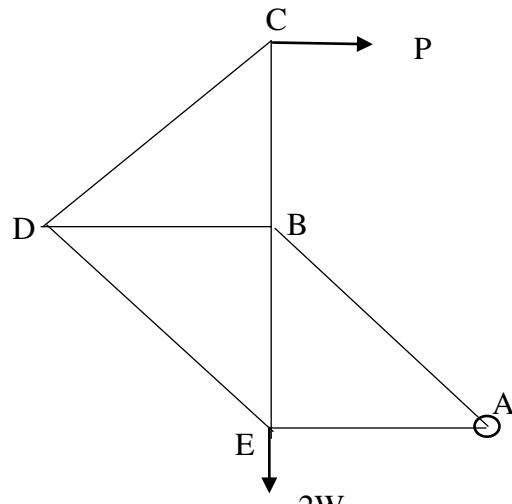
i. එක් එක් බලය සහ දෙදාක ඇසුරෙන් ප්‍රකාශ කරන්න. ඒ නයින් පද්ධතියේ සම්පූර්ණක්තය ආකාරයට දක්වන්න.

- ii. ඉහත සම්පූරුක්තය y - අක්ෂයට සමාන්තර වේ නම්, k හි අගය සොයන්න.
- iii. $k=2$ වන විට සම්පූරුක්තයේ විශාලත්වය, දිකාව හා ක්‍රියා රේඛාව සොයන්න.

15. a. ඇග $2a$ දී බර W දී වන සමාන දැඩු හතරක් ඒවායේ කෙළවරවල දී නිදහස් ලෙස සන්ධි කර ඇත්තේ $ABCD$ සමවතුරසුය සැදෙන පරිදි ය. එම හැඩය පවත්වා ගැනීම සඳහා BD සැහැල්ල දැන්චක් යොදා නේ ඇති අතර BD තිරස් වන පරිදි ත් C ට ඉහළින් A පවතින පරිදි ත් AB, AD දැඩු එකම තිරස් මට්ටමේ $2b$ පරතරයෙන් පිහිටි සූමට නාදැකි දෙකක් මත පවතින පරිදින් සැකිල්ල සිරස් ව සමතුලිතතාවයේ පවතී. BD දැන්ච තුළ තෙරපුම සොයන්න. තව දී A සන්ධියේ ප්‍රතික්‍රියා ව දී සොයන්න.



b. සැහැල්ල දැඩු හතක් ඒවායේ අන්තවල දී සූමට ලෙස සන්ධි කිරීමෙන් සාදන ලද රාමු සැකිල්ලක් පහත රුපයේ දැක්වේ. මෙහි $AE = EB = BD = BC = l$ සහ $AB = ED = DC = \sqrt{2}l$ වේ. එම රාමු සැකිල්ල A හි දී සූමට ලෙස අසවි කර ඇති අතර E හි දී $2W$ හාරයක් දරා සිටියි. C හි දී ක්‍රියා කරන P නම් තිරස් බලයක් මගින් EA තිරස් වන පරිදි රාමු සැකිල්ල සිරස් ව රඳවා ගනිමින් ඇතුළු.



- (i) P හි අගය W ඇසුරෙන් සොයන්න.
- (ii) අසවිවේ ප්‍රතික්‍රියාව සොයන්න.
- (iii) බෝ අංකනය හාවිතයෙන් රාමු සැකිල්ල සඳහා ප්‍රත්‍යාබල සටහන ඇද දැඩු සියල්ලේ ම ප්‍රත්‍යාබල සොයා ඒවා ආතති ද තෙරපුම් ද යන්න සඳහන් කරන්න.

16. උස h වන ඒකාකාර සංශ්‍රේචන්ත කේතුවක ස්කන්දය එහි පතුලේ සිට $\frac{1}{4}h$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

උස h හා අරය r වන ඒකාකාර සංශ්‍රේචන්ත සිලින්ඩරයකින් සංශ්‍රේචන්ත කේතුවක් නාරා ඉවත් කරනු ලැබේ. කේතුවේ පතුල සිලින්ඩරයේ එක් අන්තරයක් සමග ද කේතුවේ දිර්ජය O සිලින්ඩරයේ අනෙක් අන්තරයේ කේත්දය සමග ද සමපාත වේ. සිලින්ඩරයේ ඉතිරි කොටසේ ස්කන්දය කේත්දය O සිට $\frac{3}{8}h$ දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

මෙම කුහරය සහිත සිලින්ඩරය O ඉහළම ලක්ෂණයේ පවතින පරිදි ලිස්සීම වැළැක්වීමට ප්‍රමාණවත් රඟ බවක් සහිත ක්‍රම තුමයෙන් ආනතිය වැඩිකළ හැකි තිරස් තලයක් මත තබා ඇත. එම තලයේ තිරසට ආනතිය $\tan^{-1}\left(\frac{8r}{5h}\right)$ ඉක්මවා යන විට සිලින්ඩරය පෙරලෙන බව පෙන්වන්න.

17. a. එක්තරා කර්මාන්ත ගාලාවක නිෂ්පාදනය කරන ලද විදුරු ගබාල් දේශ සඳහා පරීක්ෂා කෙරේ. නිපදවන ලද ඕනෑම ගබාලක වායු බුබුල් තිබීමේ සම්භාවිතාව 0.025 වේ. වායු බුබුල් සහිත ගබාලක් පළදු වීමේ සම්භාවිතාව 0.40 වන අතර වායු බුබුල් රහිත ගබාලක් පළදු නොවීමේ සම්භාවිතාව 0.996 වේ.

- (i) සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගන්නා ලද ගබාලක් පළදු වීමේ සම්භාවිතාව සෞයන්න.
- (ii) සසම්භාවී ලෙස තෝරා ගන්නා ලද ගබාලක් පළදු වී තිබෙයි නම් එය වායු බුබුල් රහිත වීමේ සම්භාවිතාව සෞයන්න.
- (iii) ගබාලක පළදු සිදුවීම, වායු බුබුල් ඇති වීමෙන් ස්වායත්ත නොවන බව පෙන්වන්න.

- b. එක්තරා ගොවිපොලක උරන්ගේ ස්කන්දය ආසන්න කිලෝග්‍රැමයට මැන තිබෙයි. ලබා ගන්නා ලද දත්ත පහත දැක්වෙන සමූහිත සංඛ්‍යාත වගුවේ දැක්වේ.

ස්කන්ද පරාසය / k g	උරන් ගණන
65 - 75	3
75 - 85	f_1
85 - 95	20
95 - 105	f_2
105 - 115	7

ස්කන්ද පරාසය 75 - 85 හා 95 - 105 හි සංඛ්‍යාත වගුවෙහි දක්නට නොමැත. කෙසේ තමුත්, සමූහිත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියේ මධ්‍යස්ථානය හා මාතය පිළිවෙළින් 90 kg හා 87.5 kg බව දනී. වගුවෙහි දක්නට නොමැති සංඛ්‍යාත ගණනය කර ඒ නයින් ස්කන්ද මතින ලද මුළු උරුන් ගණන ලබා ගන්න.

සමූහිත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියේ මධ්‍යන්තය හා සම්මත අපගමනය සෞයන්න.